



5168CH12

## حرکیات THERMODYNAMICS

### 12.1 تعارف (INTRODUCTION)

پچھلے باب میں ہم مادے کی حرارتی خاصیتوں کا مطالعہ کر چکے ہیں۔ اس باب میں ہم وہ قانون پڑھیں گے جو حرارتی توانائی پر نافذ ہوتے ہیں۔ ہم وہ طریقے (Processes) پڑھیں گے، جن میں کام، حرارت میں تبدیل ہوتا ہے اور حرارت کام میں۔ سردیوں میں، جب ہم اپنی ہتھیلیاں آپس میں رگڑتے ہیں تو ہمیں گرمی محسوس ہوتی ہے، یہاں رگڑنے میں کیا گیا کام حرارت پیدا کرتا ہے۔ اس کے برخلاف، ایک بھاپ کے انجن میں، بھاپ کی حرارت، پیسٹون (Pistons) کو حرکت دینے کے کارآمد کام میں استعمال ہوتی ہے اور پیسٹون کی حرکت گاڑی کے پہیوں کو گھماتی ہے۔

طبیعیات میں ہمیں حرارت، درجہ حرارت، کام وغیرہ جیسے تصورات کو زیادہ احتیاط کے ساتھ جاننے کی ضرورت ہوتی ہے۔ تاریخی اعتبار سے، حرارت کے مناسب تصور تک پہنچنے میں لمبا عرصہ لگا۔ جدید تصویر سے پہلے، حرارت کو ایک نہایت لطیف، نظر نہ آسکنے والا ایسا سیال سمجھا جاتا تھا جو مادی شے کے سوراخوں میں بھرا ہوا ہے۔ اور سمجھا جاتا تھا کہ ایک گرم جسم اور ایک ٹھنڈے جسم کے آپس میں لمس میں آنے پر یہ سیال (جسے کیلوڑک کہا جاتا تھا) مقابلتہً ٹھنڈے جسم سے گرم جسم کی طرف بہتا ہے۔ یہ اسی طرح کی بات ہے، جیسے اگر ایک افقی پائپ کے ذریعے دو ایسی ٹینکیوں کو آپس میں جوڑ دیا جائے جن میں پانی کی سطحیں مختلف ہوں تو بہاؤ اس وقت تک جاری رہتا ہے، جب تک دونوں ٹینکیوں میں پانی کی سطح یکساں نہ ہو جائے۔ اسی طرح حرارت کی کیلوڑک تصویر میں، حرارت اس وقت تک بہتی تصور کی جاتی تھی، جب تک ”کیلوڑک سطحیں“ (یعنی کہ درجہ حرارت) مساوی نہ ہو جائیں۔

- 12.1 تعارف
- 12.2 حرارتی توازن
- 12.3 حرکیات کا صفر واں قانون
- 12.4 حرارت، اندرونی توانائی اور کام
- 12.5 حرکیات کا پہلا قانون
- 12.6 نوعی حرارت کی گنجائش
- 12.7 حرکیاتی حالت متغیرات اور حالت کی مساوات
- 12.8 حرکیاتی عملی طریقے
- 12.9 حرارتی انجن
- 12.10 سردکار اور حرارتی پمپ
- 12.11 حرکیات کا دوسرا قانون
- 12.12 رجعت پذیر اور غیر رجعت پذیر طریق
- 12.13 کارنوٹ انجن

خلاصہ

قابل غور نکات  
مشق

ایک گیس کو حرکیاتی طور پر بیان کرنے میں، مالکیولیائی بیان سے کلی طور پر بچا جاتا ہے۔ اس کی بجائے، حرکیات میں ایک گیس کی حالت (State)، کلاں بنی متغیرات (Macroscopic Variables) جیسے دباؤ، حجم، درجہ حرارت، کمیت اور ترکیب (Composition)، کے ذریعے متعین کی جاتی ہے۔ یہ ایسے متغیرات ہیں جنہیں ہم اپنے حواسِ خمسہ کے ذریعے محسوس کر سکتے ہیں اور قابلِ پیمائش ہیں\*۔

میکانیات اور حرکیات کے مابین فرق کو بھی ذہن میں رکھنا ضروری ہے۔ میکانیات میں ہماری دلچسپی، قوت اور پیچہ کے زیر اثر ہونے والی ذرات اور اجسام کی حرکت میں ہوتی ہے۔ حرکیات پورے نظام کی مجموعی حرکت سے واسطہ نہیں رکھتی۔ یہ صرف جسم کی اندرونی کلاں بنی حالت سے ہی واسطہ رکھتی ہے۔ جب ایک بندوق سے گولی چلائی جاتی ہے تو گولی کی میکائیگی حالت تبدیل ہوتی ہے (خاص طور پر اس کی حرکی توانائی)، اس کا درجہ حرارت تبدیل نہیں ہوتا۔ جب گولی ایک لکڑی کے تختے میں دھنس جاتی ہے اور رک جاتی ہے تو اس کی حرکی توانائی، حرارت میں تبدیل ہو جاتی ہے، جس سے گولی اور اسے گھیرنے والی لکڑی کی تہوں کا درجہ حرارت تبدیل ہو جاتا ہے۔ درجہ حرارت کا رشتہ گولی کی اندرونی (بے ترتیب) حرکت کی توانائی سے ہے، گولی کی مجموعی طور پر کی گئی حرکت سے نہیں۔

## 12.2 حرارتی توازن

### (THERMAL EQUILIBRIUM)

میکانیات میں توازن کا مطلب ہے ایک نظام پر لگ رہی کل باہری قوت اور پیچہ صفر ہیں۔ حرکیات میں اصطلاح 'توازن' مختلف تناظر میں استعمال ہوتی ہے: ہم کہتے ہیں کہ ایک نظام کی حالت، ایک متوازن حالت ہے اگر نظام کی خاصیتیں بیان کرنے والے کلاں بنی متغیرات وقت کے ساتھ تبدیل نہیں

وقت کے ساتھ ساتھ، حرارت بہ طور سیال، تصور کو جدید تصور، حرارت بہ طور ایک شکل توانائی، کے حق میں رد کر دیا گیا۔ اس سلسلے میں بیجا من تھامسن (جنہیں کاؤنٹ رم فرڈ کے نام سے بھی جانا جاتا ہے) نے 1978 میں ایک اہم تجربہ کیا۔ انہوں نے مشاہدہ کیا کہ پیتل کے گولے میں سوراخ کرنے میں بہت زیادہ حرارت پیدا ہوتی ہے، اتنی زیادہ کہ وہ پانی ابلنے کے لیے کافی ہے۔ اور زیادہ اہم بات یہ ہے، پیدا ہو رہی حرارت کی مقدار کیے گئے کام (سوراخ کرنے کی مشین کو گھمانے کے لیے استعمال کیے جانے والے گھوڑوں کے ذریعے) کے تابع ہے، مشین کی سوئی کے نوکیلے پن پر نہیں۔ کیلوک تصویر کے مطابق، ایک زیادہ نوکیلی سوئی، سوراخوں سے زیادہ سیال باہر نکال سکتی ہے، لیکن یہ مشاہدہ میں نہیں آیا۔ ان مشاہدات کی وضاحت ایسے ہی کی جاسکتی تھی، کہ حرارت توانائی کی ایک شکل ہے اور تجربہ ایک شکل سے دوسری شکل۔ کام سے توانائی۔ میں توانائی کی تبدیلی کا مظاہرہ تھا۔

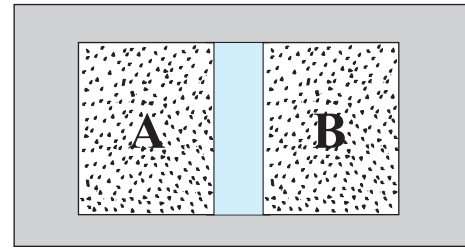
حرکیات طبعیات کی وہ شاخ ہے، جس میں حرارت اور درجہ حرارت جیسے تصورات اور حرارت اور توانائی کی دوسری شکلوں کی آپسی تبدیلی کا مطالعہ کیا جاتا ہے۔ حرکیات ایک کلاں بنی (Macroscopic) سائنس ہے۔ یہ جسیم نظاموں سے واسطہ رکھتی ہے اور مادے کی مالکیولیائی بناوٹ پر نہیں جاتی۔ دراصل اس کے تصورات اور قانون، انیسویں صدی میں تشکیل دیے گئے تھے اور جب تک مادے کی مالکیولیائی تصویر واضح نہیں تھی۔ حرکیاتی بیان میں نظام کے چند کلاں بنی متغیرات شامل ہوتے ہیں، جو کہ عام فہم تجویز کرتا ہے جو عام طور سے براہ راست ناپے جاسکتے ہیں اور جن کی پیمائش کی جاسکتی ہے۔ مثال کے طور پر، ایک گیس کے خرد بنی بیان میں گیس کی تشکیل کر رہے مالکیولوں (جن کی بہت بڑی تعداد ہوگی) کے کوآرڈینیٹ اور رفتار کا تعین کرنا شامل ہوگا۔ گیسوں کا نظریہ حرکت (Kinetic Theory) میں بیان گو کہ اتنا تفصیلی نہیں ہوتا لیکن اس میں رفتاروں کی مالکیولیائی تقسیم پھر بھی شامل ہوتی ہے۔

\* حرکیات میں دوسرے ایسے متغیرات بھی شامل ہو سکتے ہیں، جن کا حواسِ خمسہ کے ذریعہ کیا گیا احساس اتنا واضح نہیں ہوتا، جیسے ناکارگی، اینتھیلی وغیرہ، اور یہ سب کلاں بنی متغیرات ہیں۔ لیکن کوئی ایک حر کی حالت 5 حالت متغیرات کے ذریعے متعین کی جاتی ہے۔ یہ 5 متغیرات ہیں: دباؤ، حجم، درجہ حرارت، اندرونی توانائی سے ناکارگی (Entropy)۔ ناکارگی کسی نظام میں اس کی بے ترتیبی کا ناپ ہے جبکہ (حرارت نوعی Enthalpy) نظام کی کل حرارتی مقدار کا ناپ ہے۔

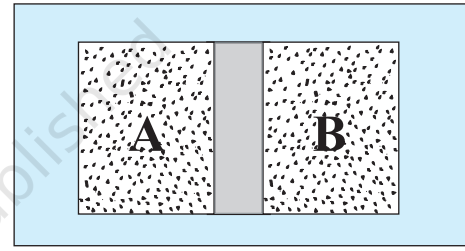
پر جانتے ہیں کہ ایک گیس کی دی ہوئی کیت کے دباؤ اور حجم کو اس کے دو غیر تابع متغیرات (Independent Variables) کے بہ طور منتخب کیا جاسکتا ہے۔ فرض کیجئے گیسوں کے دباؤ اور حجم، حسب ترتیب،  $(P_A, V_A)$  اور  $(P_B, V_B)$  ہیں۔ فرض کیجئے، پہلے دونوں نظاموں کو ایک دوسرے سے ملا کر رکھا گیا ہے، لیکن ان کے درمیان ایک حرنا گزار (Adiabatic) دیوار ہے۔ ایک عاجز دیوار (جسے حرکت دی جاسکتی ہے) جو ایک نظام سے دوسرے نظام میں حرارت کا بہاؤ نہیں ہونے دیتی۔ دونوں نظام باقی ماحول سے بھی ایسی ہی دیواروں کے ذریعے عاجز کر دیے گئے ہیں۔ یہ صورت، خاکہ کی شکل میں، شکل 12.1(a) میں دکھائی گئی ہے۔ اس صورت میں یہ پایا جاتا ہے کہ  $(P_A, V_A)$  اقدار کا کوئی بھی ممکنہ جوڑا  $(P_B, V_B)$  اقدار کے کسی بھی ممکنہ جوڑے سے توازن میں ہوگا۔ اس کے بعد، فرض کیجئے کہ حرنا گزار دیوار کو حرنا گزار (Diathermic) دیوار سے تبدیل کر دیا جاتا ہے۔ ایک ایصال کرنے والی دیوار جو ایک طرف سے دوسری طرف توانائی (حرارت) کا بہاؤ ہونے دیتی ہے۔ تب یہ پایا جاتا ہے کہ نظام A اور نظام B کے کلاں بنی متغیرات، از خود طور پر تبدیل ہونے لگتے ہیں، جب تک کہ دونوں نظام متوازن حالتوں پر نہ پہنچ جائیں۔ یہ صورت شکل 12.1(b) میں دکھائی گئی ہے۔ دونوں گیسوں کے دباؤ اور حجم متغیرات  $(P_A', V_A')$  اور  $(P_B', V_B')$  میں تبدیل ہو جاتے ہیں، اس طرح کہ A اور B کی نئی حالتیں ایک دوسرے کے ساتھ توازن میں ہوں تب ہم کہتے ہیں کہ نظام A، نظام B کے ساتھ حرارتی توازن میں ہے۔\*

دونوں نظاموں کے درمیان حرارتی توازن کی صورت کی خاصیت کیا ہے؟ آپ اپنے تجربے سے جواب کا اندازہ لگا سکتے ہیں۔ حرارتی توازن میں، دونوں نظاموں کے درجہ حرارت یکساں ہوتے ہیں۔ ہم معلوم کریں گے کہ ہم درجہ حرارت کے تصور تک کیسے پہنچتے ہیں۔ حرکیات کا صفر واں قانون سراغ دیتا ہے۔

ہو رہے۔ مثال کے طور پر ایک ایسی گیس جو ایک بند، استوار ڈبے میں بند ہے، اپنے ماحول سے پوری طرح عاجز کی ہوئی ہے، اور اس کے دباؤ، حجم، درجہ حرارت، کیت اور اجزائے ترکیبی کی قدریں معین ہیں جو وقت کے ساتھ تبدیل نہیں ہوتیں، حرکیاتی توازن کی حالت میں ہے۔



(a)



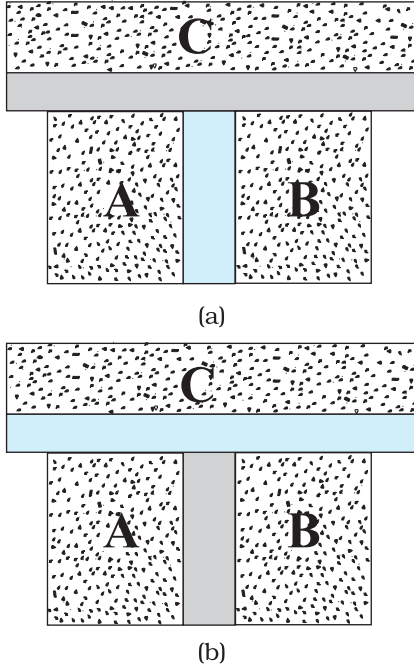
(b)

شکل 12.1 (a) نظام A اور نظام B (دو گیس) جو ایک حرنا گزار دیوار - ایک عاجز کرنے والی دیوار جو حرارت کا بہاؤ نہیں ہونے دیتی۔ کے ذریعے جدا کیے گئے ہیں۔ (b) وہی نظام A اور B ایک حرنا گزار دیوار کے ذریعے جدا کیے گئے ہیں جو ایصال کرنے والی دیوار ہے اور ایک طرف سے دوسری طرف حرارت کا بہاؤ ہونے دیتی ہے۔ اس صورت میں، کچھ عرصے میں حرارتی توازن قائم ہو جاتا ہے۔

عمومی طور پر، ایک نظام توازن کی حالت میں ہے یا نہیں، ماحول (Surroundings) اور نظام کو ماحول سے جدا کرنے والی دیوار کی طبع پر منحصر ہے۔ دو گیسیں A اور B لیجیے جو دو مختلف برتنوں میں ہیں۔ ہم تجرباتی طور

\* دونوں متغیرات کا تبدیل ہونا ضروری نہیں ہے۔ مثلاً اگر گیسیں جن برتنوں میں رکھی ہیں، ان کے حجم معین ہیں تو حرارتی توازن حاصل کرنے کے لیے گیسوں کے صرف دباؤ ہی تبدیل ہوں گے۔

بنائیں؟ حرارت پیمائی اس بنیادی سوال سے واسطہ رکھتی ہے، جس سے ہم اگلے حصے میں بحث کریں گے۔



**شکل 12.2 (a)** نظام A اور نظام B ایک دوسرے سے ایک حرنا گزار دیوار کے ذریعے جدا کیے گئے ہیں، جب کہ دونوں میں سے ہر ایک، ایک تیسرے نظام C سے ایک ایصالی دیوار کے ذریعے لمس میں ہے۔ (b) A اور B کی درمیانی حرنا گزار دیوار، ایک ایصالی دیوار سے تبدیل کردی گئی اور C کو A اور B سے، حرنا گزار دیوار کے ذریعے حاجز کر دیا گیا۔

## 12.4 حرارت، اندرونی توانائی اور کام

### (HEAT, INTERNAL ENERGY AND WORK)

حرکیات کے صفروں قانون نے ہمیں درجہ حرارت کے اس تصور تک پہنچایا جو ہمارے عام فہم تصور سے مطابقت رکھتا ہے۔ درجہ حرارت، ایک جسم کی ”گرم کیفیت“ کی نشاندہی کرتا ہے۔ یہ اس وقت حرارت کی بہاؤ کی سمت کا

## 12.3 حرکیات کا صفروں قانون :

### (ZEROTH LAW OF THERMODYNAMICS)

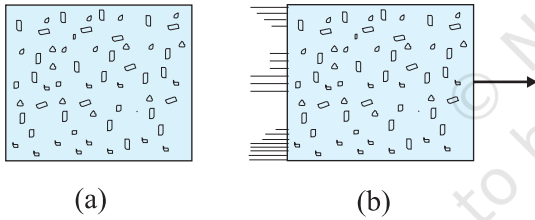
دونظام A اور B تصور کیجئے جو ایک حرنا گزار دیوار سے جدا کیے گئے ہیں، جب کہ دونوں میں سے ہر ایک نظام ایک تیسرے نظام کے ساتھ، ایک ایصالی دیوار کے ذریعے، لمس میں ہے۔ [شکل 12.2(a)]۔ نظاموں کی حالتیں (یعنی، ان کے کلاں بنی متغیرات) تبدیل ہوں گی، جب تک کہ A اور B دونوں C کے ساتھ حرارتی توازن میں نہیں آتے۔ جب یہ توازن حاصل ہو گیا تو فرض کیا کہ A اور B کی درمیانی دیوار کو ایصالی دیوار سے تبدیل کر دیا گیا اور C کو A اور B سے ایک حرنا گزار دیوار کے ذریعے حاجز کر دیا گیا [شکل 12.2(b)]۔ تو یہ پایا جاتا ہے کہ A اور B کی حالتوں میں کوئی مزید تبدیلی نہیں ہوتی، یعنی کہ، وہ ایک دوسرے کے ساتھ حرارتی توازن میں ہوتی ہیں۔ یہ مشاہدہ حرکیات کے صفروں قانون کی بنیاد تشکیل کرتا ہے۔ اس قانون کا بیان ہے، دونظام جو ایک تیسرے نظام سے الگ الگ حرارتی توازن میں ہیں، آپس میں بھی حرارتی توازن میں ہیں۔ آر۔ ایچ فاؤلر (R.H. Fowler) نے یہ قانون 1931 میں دیا۔ اس سے بہت پہلے حرکیات کے پہلے اور دوسرے قانون کو بیان کیا جا چکا تھا اور یہ عدد بھی دے دیئے گئے تھے۔

صفروں قانون واضح طور پر تجویز کرتا ہے کہ جب دونظام A اور B حرارتی توازن میں ہیں تو ایک ایسی طبعی مقدار ضرور ہونا چاہیے، جس کی قدر دونوں کے لیے یکساں ہو۔ یہ حرکیاتی متغیرہ، جس کی قدر ان دونظاموں کے لیے یکساں ہوتی ہے جو آپس میں حرارتی توازن میں ہیں، درجہ حرارت T کہلاتا ہے۔ اس لیے اگر A اور B، الگ الگ طور پر C کے ساتھ حرارتی توازن میں ہیں تو:  $T_A = T_C$  اور  $T_B = T_C$  اس کا مطلب ہے:  $T_A = T_B$  یعنی کہ نظام A اور نظام B بھی حرارتی توازن میں ہیں۔

ہم صفروں قانون کے ذریعے درجہ حرارت کے تصور تک رسمی طور پر پہنچ گئے ہیں۔ اب اگلا سوال ہے مختلف اجسام کے درجہ حرارت کا ایک پیمانہ کیسے



اندرونی توانائی اس کی حالت کے تابع ہے، جسے دباؤ، حجم اور درجہ حرارت کی مخصوص قدروں کے ذریعے بیان کیا جاسکتا ہے۔ یہ اس کے تابع نہیں ہے کہ گیس کی یہ حالت کیسے ہوئی۔ دباؤ، حجم، درجہ حرارت اور اندرونی توانائی، نظام (گیس) کے حرکیاتی حالت متغیرات ہیں۔ دیکھیے (حصہ 12.7)۔ اگر ہم ایک گیس میں بین مالیکیولیائی قوتوں کو (جو بہت چھوٹی ہوتی ہیں) نظر انداز کر دیں تو اندرونی توانائی صرف ان حرکی توانائیوں کا حاصل جمع ہے جو اس کے مالیکیولوں کی مختلف بے ترتیب حرکتوں سے منسلک ہیں۔ ہم اگلے باب میں پڑھیں گے کہ ایک گیس میں یہ حرکت نہ صرف انتقالی (Translational) ہوتی ہے (برتن کے حجم میں ایک نقطہ سے دوسرے نقطہ تک) بلکہ اس میں مالیکیولوں کی گردشی اور ارتعاشی حرکت بھی شامل ہوتی ہے (شکل 12.3)۔



**شکل 12.3 (a)** ایک گیس کی اندرونی توانائی  $U$ ، اس کے مالیکیولوں کی حرکی اور بالقوہ توانائیوں کا حاصل جمع ہے، جب کہ بکس سکون پر ہو۔ حرکت کی مختلف قسموں (انتقالی، گردشی، ارتعاشی) کی وجہ سے حرکی توانائی  $U$  میں شامل کی جائے گی۔ (b) اگر یہی بکس مجموعی طور پر حرکت کر رہا ہے، کسی بھی رفتار سے، تو بکس کی حرکی توانائی  $U$  میں شامل نہیں کی جائے گی۔

تعیین کرتا ہے، جب دو اجسام ایک دوسرے کے ساتھ حرارتی لمس میں رکھے جائیں۔ حرارت اس جسم سے جو مقابلتا زیادہ درجہ حرارت پر ہے، اس جسم کی طرف بہتی ہے جو مقابلتا کم درجہ حرارت پر ہے۔ یہ دباؤ، درجہ حرارت کے مساوی ہو جانے پر، رک جاتا ہے، اب دونوں جسم حرارتی توازن میں ہوتے ہیں۔ پچھلے باب میں ہم نے کچھ تفصیل سے سیکھا تھا کہ مختلف اجسام کو درجہ حرارت تفویض کرنے کے لیے درجہ حرارت پیمانے کیسے بنائے جاتے ہیں۔ اب ہم حرارت اور کچھ دوسری با معنی مقداریں، جیسے اندرونی توانائی، کام وغیرہ، کے تصورات بیان کرتے ہیں۔

ایک نظام کی اندرونی توانائی کے تصور کو سمجھنا مشکل نہیں ہے۔ ہم جانتے ہیں کہ ہر جسم نظام، مالیکیولوں کی ایک بہت بڑی تعداد پر مشتمل ہوتا ہے۔ اندرونی توانائی، ان مالیکیولوں کی حرکی توانائیوں اور بالقوہ توانائیوں کا حاصل جمع ہے۔ ہم نے پہلے کہا تھا کہ حرکیات میں، نظام کی، مجموعی طور پر، حرکی توانائی معنی نہیں رکھتی۔ اس لیے اندرونی توانائی، اس حوالیہ فریم (Frame of reference) میں حرکی اور بالقوہ توانائیوں کا حاصل جمع ہے، جس کی مناسبت سے نظام کا کمیت کا مرکز حالت سکون میں ہو۔ اس لیے اس میں صرف وہ (بے ترتیب) توانائی شامل ہے جو نظام کے مالیکیولوں کی بے ترتیب حرکت سے منسلک ہے۔ ہم ایک نظام کی اندرونی توانائی  $U$  ظاہر کرتے ہیں۔

حالانکہ ہم نے اندرونی توانائی کے معنی سمجھنے کے لیے مالیکیولیائی تصویر کا سہارا لیا ہے، لیکن جہاں تک حرکیات کا تعلق ہے،  $U$  صرف نظام کا ایک کلاں بنی متغیر ہے۔ اندرونی توانائی کے بارے میں ایک اہم بات یہ ہے کہ یہ صرف نظام کی حالت پر منحصر ہے، اس پر منحصر نہیں ہے کہ یہ حالت کیسے حاصل ہوئی۔ ایک نظام کی اندرونی توانائی  $U$ ، حرکیاتی حالت متغیرہ (State Variable) کی ایک مثال ہے۔ اس کی قدر صرف نظام کی دی ہوئی حالت پر منحصر ہے، اس کی تاریخ پر نہیں، یعنی کہ اس حالت تک پہنچنے کے لیے کون سا راستہ اختیار کیا گیا۔ اس لیے ایک کیس کی دی ہوئی کمیت کے لیے

ہو جائے گا۔ دوسرا طریقہ یہ ہے کہ پسٹن کو نیچے کی طرف ڈھکیلا جائے، یعنی کہ نظام پر کام کیا جائے، جس سے پھر گیس کی اندرونی توانائی میں اضافہ ہوگا۔ بے شک یہ دونوں چیزیں مخالف سمت میں بھی ہو سکتی ہیں۔ اگر ماحول، گیس کے مقابلے میں کم درجہ حرارت پر ہو تو حرارت گیس سے ماحول کی طرف بہے گی۔ اس طرح گیس، پسٹن کو اوپر ڈھکیل سکتی ہے اور ماحول پر کام کر سکتی ہے۔ مختصراً یہ کہ حرارت اور کام، ایک حرکیاتی نظام کی حالت میں تبدیلی کرنے اور اس کی اندرونی توانائی میں تبدیلی کرنے کے دو مختلف طریقے ہیں۔

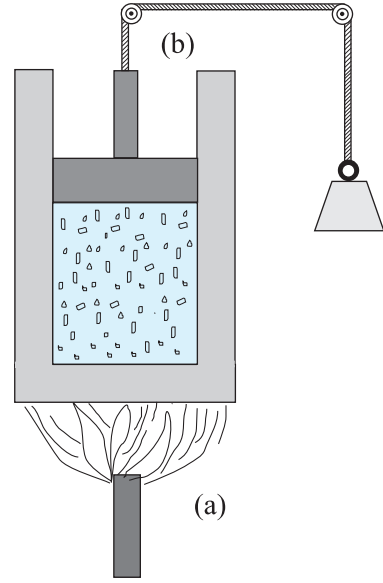
حرارت اور اندرونی توانائی کے تصورات میں فرق کو واضح طور پر سمجھنا چاہیے۔ حرارت یقیناً توانائی ہے، لیکن یہ وہ توانائی ہے جو گزر رہی ہے۔ یہ لفظوں کا کھیل نہیں ہے، یہ فرق بنیادی اہمیت کا حامل ہے۔ ایک حرکیاتی نظام کی حالت کی امتیازی خاصیت، اس کی اندرونی توانائی کے ذریعے بیان کی جاتی ہے۔ اس کی حرارت کے ذریعے نہیں۔ ایک اس طرح کا بیان: ایک دی ہوئی حالت میں ایک گیس میں اتنا کام ہے، اس کے برخلاف: ”ایک گیس میں ایک دی ہوئی حالت میں اتنی اندرونی توانائی کی مقدار ہے“ مکمل طور پر بامعنی بیان ہے۔ اسی طرح، ”نظام کو حرارت کی اتنی مقدار مہیا کی جاتی ہے“ یا ”نظام کے ذریعے اتنی مقدار کا کام کیا گیا“ بیانات بھی بامعنی ہیں۔

خلاصہ یہ کہ، حرکیات میں حرارت اور کام حالت متغیرات نہیں ہیں۔ وہ ایک نظام کو توانائی منتقل کرنے کے طریقے ہیں جس سے اندرونی توانائی تبدیل ہوتی ہے، جو کہ، جیسا پہلے بتایا جا چکا ہے، ایک حالت متغیرہ ہے۔ عام زبان میں، ہم اکثر حرارت اور اندرونی توانائی میں فرق نہیں کرتے۔ طبیعیات کی ابتدائی کتابوں میں بھی کبھی کبھی اس فرق کو نظر انداز کر دیا جاتا ہے۔ لیکن حرکیات کی درست تفہیم کے لیے یہ فیصلہ کن فرق ہے۔

## 12.5 حرکیات کا پہلا قانون

### (FIRST LAW OF THERMODYNAMICS)

ہم دیکھ چکے ہیں کہ ایک نظام کی اندرونی توانائی  $U$ ، توانائی کی منتقلی کے دو طریقوں کے ذریعے تبدیل ہو سکتی ہے: حرارت اور کام۔ فرض کیا



شکل 12.4 حرارت اور کام، ایک نظام کو توانائی منتقل کرنے کے دو بالکل مختلف طریقے ہیں، جن کے نتیجے میں اندرونی توانائی تبدیل ہوتی ہے۔ (a) حرارت، نظام اور ماحول کے درمیان درجہ حرارت فرق کی وجہ سے ہونے والی توانائی تبدیلی ہے۔ (b) کام ایسے طریقوں (مثلاً ایک پسٹن کو اس سے منسلک وزن کو اوپر یا نیچے کر کے حرکت دینا) کے ذریعے توانائی کی منتقلی ہے، جن میں اس قسم کا درجہ حرارت فرق شامل نہیں ہے۔

ایک نظام کی اندرونی توانائی تبدیل کرنے کے کون سے طریقے ہیں؟ آسانی کے لیے پھر نظام کو گیس کی ایک مقدار مان لیجئے جو ایک استوانے میں بھری ہے اور استوانے میں ایسا پسٹن لگا ہوا ہے جسے حرکت دی جاسکتی ہے۔ (شکل 12.4)۔ تجربہ بتاتا ہے کہ گیس کی حالت (اور اس لیے اس کی اندرونی توانائی) کو تبدیل کرنے کے دو طریقے ہو سکتے ہیں۔ ایک طریقہ یہ ہے کہ استوانے کو ایک ایسے جسم کے ساتھ لمس میں رکھا جائے، جس کا درجہ حرارت استوانے کے درجہ حرارت سے زیادہ ہے۔ درجہ حرارت کے فرق کی وجہ سے مقابلاً زیادہ گرم جسم سے گیس کی طرف توانائی (حرارت) کا بہاؤ ہوگا، اور اس طرح گیس کی اندرونی توانائی میں اضافہ

ایک کامل گیس کا ہم تپ پھیلاؤ، دیکھئے حصہ ہوتو (12.8)

$$\Delta Q = \Delta W$$

یعنی کہ، نظام کو مہیا کی گئی حرارت کی پوری مقدار نظام کے ذریعے ماحول پر کام کرنے میں استعمال ہوتی ہے۔

اگر نظام ایک گیس ہے، جو ایک پسٹن لگے استوانے میں رکھی ہے اور پسٹن کو حرکت دی جاسکتی ہے، تو گیس پسٹن کو حرکت دینے میں کام کرتی ہے۔ کیوں کہ قوت برابر ہے دباؤ ضرب رقبہ اور رقبہ ضرب ہٹاؤ برابر ہے حجم، اس لیے مستقل دباؤ  $\Delta P$  کے خلاف نظام کے ذریعے کیا گیا کام ہے،

$$\Delta W = P \Delta V$$

جہاں  $\Delta V$  گیس کے حجم میں تبدیلی ہے۔ اس لیے اس صورت میں، مساوات (12.1) سے ہمیں حاصل ہوتا ہے:

$$\Delta Q = \Delta U + P \Delta V \quad (12.3)$$

مساوات (12.3) کے ایک استعمال کے بہ طور ایک گرام پانی کی اندرونی توانائی میں تبدیلی کو لیجئے، جب کہ ہم اس کی رقیق ہیئت سے ابخرات ہیئت میں جاتے ہیں۔ پانی کی ناپی گئی مخفی حرارت  $2256 \text{ J/g}$  ہے۔ یعنی کہ، ایک گرام پانی کے لیے:  $\Delta Q = 2256 \text{ J}$  فضائی دباؤ پر ایک گرام پانی کا حجم، رقیق ہیئت میں  $1 \text{ cm}^3$  اور ابخراتی ہیئت میں  $1671 \text{ cm}^3$  ہوتا ہے۔ اس لیے،

$$\Delta W = P(V_g - V_l) = 1.013 \times 10^5 \times (1671 \times 10^{-6}) = 169.2 \text{ J}$$

مساوات (12.3) سے

$$\Delta U = 2256 - 169.2 = 2086.8 \text{ J}$$

ہم دیکھتے ہیں کہ رقیق ہیئت سے ابخراتی ہیئت میں تبدیلی میں، زیادہ تر حرارت پانی کی اندرونی توانائی میں اضافہ کرنے میں خرچ ہوتی ہے۔

## 12.6 نوعی حرارت کی گنجائش

### (SPECIFIC HEAT CAPACITY)

فرض کیجئے کہ ایک مادی شے کو مہیا کی گئی حرارت کی  $\Delta Q$  مقدار، اس کے درجہ حرارت کو  $T$  سے  $T + \Delta T$  میں تبدیل کر دیتی ہے۔ ہم ایک مادی شے کی

ماحول کے ذریعے نظام کو مہیا کی گئی حرارت  $\Delta Q =$

نظام کے ذریعے ماحول پر کیا گیا کام  $\Delta W =$

نظام کی اندرونی توانائی میں تبدیلی  $\Delta U =$

توانائی کی بقا کے عمومی اصول سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta W \quad (12.1)$$

یعنی کہ، نظام کو مہیا کی گئی توانائی ( $\Delta Q$ )، جزوی طور پر نظام کی اندرونی توانائی میں اضافہ ( $\Delta U$ ) کرنے میں استعمال ہوتی ہے اور باقی ماحول پر کام کرنے میں ( $\Delta W$ )۔ مساوات (12.1) بہ طور حرکیات کا پہلا قانون جانی جاتی ہے۔ یہ صرف توانائی کی بقا کا عمومی قانون ہے جس کا اطلاق کسی ایسے نظام پر کیا گیا ہے، جس میں ماحول سے یا ماحول کو توانائی منتقل ہو رہی ہے۔ آئیے مساوات (12.1) کو متبادل شکل میں لکھیں:

$$\Delta Q - \Delta W = \Delta U \quad (12.2)$$

اب نظام آغازی حالت سے اختتامی حالت میں کئی طریقوں سے پہنچ سکتا ہے۔ مثال کے طور پر، ایک گیس کی حالت ( $P_1, V_1$ ) سے ( $P_2, V_2$ ) میں تبدیل کرنے کے لیے ہم پہلے اس کے دباؤ کو مستقل رکھتے ہوئے، اس کا حجم  $V_1$  سے  $V_2$  میں تبدیل کر سکتے ہیں، یعنی کہ ہم پہلے حالت ( $P_1, V_2$ ) پر پہنچ سکتے ہیں اور پھر حجم کو مستقل رکھتے ہوئے دباؤ کو  $P_1$  سے  $P_2$  میں تبدیل کر کے، گیس کو ( $P_2, V_2$ ) تک لے جاسکتے ہیں۔ اور متبادل طریقے میں ہم پہلے حجم کو مستقل رکھ سکتے ہیں اور پھر دباؤ کو مستقل رکھ سکتے ہیں۔ کیوں کہ  $U$  ایک حالت متغیر ہے،  $\Delta U$  صرف آغازی اور اختتامی حالت کے تابع ہے اور ایک حالت سے دوسری حالت تک پہنچنے کے لیے گیس کے ذریعے اختیار کیے گئے راستے کے تابع نہیں ہے۔ پھر بھی  $\Delta Q$  اور  $\Delta W$  عمومی طور پر، آغازی حالت سے اختتامی حالت تک پہنچنے کے لیے اختیار کیے گئے راستے کے تابع ہیں۔ حرکیات کے پہلے قانون، مساوات (12.2)، سے یہ واضح ہو جاتا ہے کہ مجموعہ  $\Delta Q - \Delta W$  راستے کے غیر تابع ہے۔ اس سے ظاہر ہوتا ہے کہ اگر ایک نظام کو ایسے عمل سے گزارا جائے، جس میں  $\Delta U = 0$  (مثلاً

حصہ 13.5 سے 13.6)۔ ایک N ایٹموں پر مشتمل ایک ٹھوس تصور کیجئے۔ جس کا ہر ایٹم اپنے اوسط مقام پر ارتعاش کر رہا ہے۔ ایک ارتکاز کار کی ایک بعد میں اوسط توانائی  $2 \times \frac{1}{2} k_B T = k_B T$  ہوتی ہے۔ تین ابعاد میں، اوسط توانائی  $3 k_B T$  ہے۔ ٹھوس کے ایک مول کے کل توانائی:

$$U = 3k_B T \times N_A = 3RT$$

$$(\because k_B N_A = R)$$

اب مستقلہ دباؤ پر:  $\Delta Q = \Delta U + P\Delta V \equiv \Delta U$

کیونکہ ایک ٹھوس کے لیے  $\Delta V$  قابل نظر انداز ہے۔ اس لیے

$$C = \frac{\Delta Q}{\Delta T} = \frac{\Delta U}{\Delta T} = 3R \quad (12.7)$$

جدول 12.1: کمرہ درجہ حرارت پر کچھ ٹھوس اشیاء کی نوعی اور مولی حرارتی گنجائش

شے	نوعی حرارت کی گنجائش ( $\text{J kg}^{-1} \text{K}^{-1}$ )	مولی نوعی حرارت گنجائش ( $\text{J mol}^{-1} \text{K}^{-1}$ )
المونیم	900.0	24.4
کاربن	506.5	6.1
تانہ	386.4	24.5
سیسہ	127.7	26.5
چاندی	236.1	25.5
ٹنگسٹن	134.4	24.9

جیسا کہ جدول 12.1 سے ظاہر ہوتا ہے، تجربے سے ناپی گئی قدریں، پیشین گوئی کی گئی قدر  $3R$  کے، عام درجہ حرارت پر، مطابق ہیں۔ (کاربن ایک مستثنیٰ ہے)۔ نیچے درجات حرارت پر یہ مطابقت باقی نہیں رہتی۔

## پانی کی نوعی حرارت کی گنجائش

### (Specific Heat Capacity of Water)

حرارت کی پرانی اکائی کیلوری تھی۔ ایک کیلوری کی پہلے اس طرح تعریف کی جاتی تھی کہ یہ حرارت کی وہ مقدار ہے جو پانی کی ایک گرام کمیت کے

نوعی حرارت گنجائش (باب 11) کی تعریف کرتے ہیں:

$$S = \frac{\Delta Q}{\Delta T} \quad (12.4)$$

ہم امید کرتے ہیں کہ  $\Delta Q$  اور اس لیے  $S$  (نوعی حرارت)، شے کی کمیت کے راست متناسب ہوگی، اور یہ درجہ حرارت کے تابع بھی ہو سکتی ہے، یعنی کہ، مختلف درجہ حرارت پر، درجہ حرارت میں ایک اکائی اضافہ کے لیے حرارت کی مختلف مقدار درکار ہو سکتی ہے۔ شے کی ایک مستقلہ امتیازی خاصیت کی تعریف کرنے کے لیے، جو اس کی مقدار کے تابع نہیں ہو، ہم  $S$  کو شے کی کمیت (کلوگرام میں) سے تقسیم کر دیتے ہیں:

$$s = \frac{S}{m} = \left( \frac{1}{m} \right) \frac{\Delta Q}{\Delta T}$$

$s$ ، شے کی ”نوعی حرارت کی گنجائش“ کہلاتی ہے۔ یہ شے کی طبع اور اس کے درجہ حرارت کے تابع ہے۔ نوعی حرارت گنجائش کی اکائی  $\text{J kg}^{-1} \text{K}^{-1}$  ہے۔ اگر شے کی مقدار کا تعین مول کی تعداد  $\mu$  (kg میں کمیت  $m$  کی جگہ) سے کیا جاتا ہے، ہم ”حرارتی گنجائش فی شے کا مول“ کی تعریف اس طرح کر سکتے ہیں۔

$$C = \frac{S}{\mu} = \frac{1}{\mu} \frac{\Delta Q}{\Delta T} \quad (12.6)$$

$C$  شے کی مولی نوعی حرارت کی گنجائش کہلاتی ہے۔  $S$  کی طرح  $C$  بھی، شے کی مقدار کے تابع نہیں ہے  $C$  کی اکائی:  $\text{J mol}^{-1} \text{K}^{-1}$  ہے۔ جیسا کہ ہم آگے سیکھیں گے (گیسوں کی نوعی حرارت کی گنجائش کے سلسلے میں)  $S$  یا  $C$  کی تعریف کرنے کے لیے مزید شرائط بھی چاہیے ہو سکتی ہیں۔  $C$  کی تعریف کرنے کے پیچھے خیال یہ ہے کہ مولی نوعی حرارت کی گنجائشوں کے بارے میں کچھ سادہ پیشین گوئیاں کی جاسکیں۔

جدول 12.1 میں ٹھوس اشیاء کی فضائی دباؤ اور عام کمرہ کی درجہ حرارت پر، ناپی گئی، نوعی اور مولی حرارت کی گنجائش دی گئی ہیں۔

ہم باب 13 میں سیکھیں گے کہ گیسوں کی نوعی حرارت کی پیشین گوئیاں، تجربات سے مطابقت رکھتی ہیں۔ ہم توانائی کی مساوی تقسیم کے اسی قانون کو یہاں بھی استعمال کر سکتے ہیں، جسے ہم نے ٹھوس اشیاء کی مولی نوعی حرارت کی گنجائشوں کی پیشین گوئی کرنے کے لیے استعمال کیا تھا (دیکھیں

اور اسے استعمال نہیں کرنا چاہئے۔ جیسا کہ پہلے بتایا جا چکا ہے کہ نوعی حرارت کی گنجائش اس طریقہ عمل یا شرائط کے بھی تابع ہے، جن کے تحت حرارت کی منتقلی ہوتی ہے۔ مثلاً، گیسوں کے لیے ہم دو نوعی حرارتوں کی تعریف کر سکتے ہیں: مستقلہ حجم پر نوعی حرارت کی گنجائش اور مستقلہ دباؤ پر نوعی حرارت کی گنجائش۔ ایک کامل گیس کے لیے ان دونوں میں ایک سادہ رشتہ ہے:

$$C_p - C_v = R$$

جہاں  $C_p$  اور  $C_v$ ، بالترتیب، مستقلہ دباؤ پر، ایک کامل گیس کی، نوعی حرارت کی گنجائش، اور مستقلہ حجم پر، ایک کامل گیس کی نوعی حرارت کی گنجائش ہیں اور  $R$  عالمی گیس مستقلہ ہے۔ اس رشتے کو ثابت کرنے کے لیے، ہم گیس کے ایک مول کے لیے مساوات (2.3) سے شروع کرتے ہیں:

$$\Delta Q = \Delta U + P\Delta V$$

اگر  $\Delta Q$  مستقلہ حجم پر جذب ہوتی ہے  $\Delta V = 0$

$$C_v = \left( \frac{\Delta Q}{\Delta T} \right)_v = \left( \frac{\Delta U}{\Delta T} \right)_v = \left( \frac{\Delta U}{\Delta T} \right) \quad (12.9)$$

جہاں تحت علامت  $V$  (Subscript)، آخری قدریں چھوڑ دی گئی ہے، کیوں کہ ایک کامل گیس کے لیے  $U$  صرف درجہ حرارت کے تابع ہے۔ [تحت علامت اس مقدار کی نشاندہی کرتی ہے، جسے مستقلہ رکھا گیا ہے]۔ دوسری طرف  $\Delta Q$ ، اگر، مستقلہ دباؤ پر جذب ہوتی ہے۔

$$C_p = \left( \frac{\Delta Q}{\Delta T} \right)_p = \left( \frac{\Delta U}{\Delta T} \right)_p + P \left( \frac{\Delta V}{\Delta T} \right)_p$$

پہلے رکن میں سے تحت  $P$  کو چھوڑا جاسکتا ہے، کیوں کہ ایک کامل گیس کی  $U$  صرف  $T$  کے تابع ہے۔ اب، ایک کامل گیس کے ایک مول کے لیے

$$PV = RT$$

جس سے حاصل ہوتا ہے

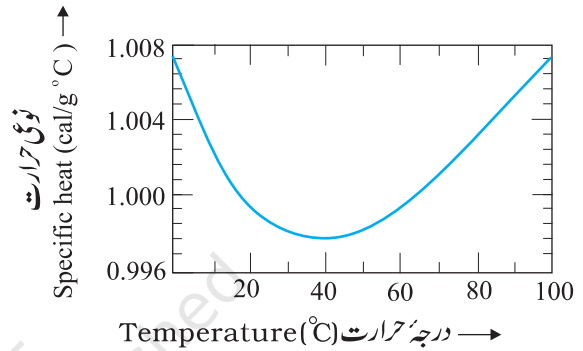
$$P \left( \frac{\Delta V}{\Delta T} \right)_p = R \quad (12.11)$$

(12.9) سے (12.11) تک کی مساواتوں کے ذریعے درکار رشتہ

حاصل ہوتا ہے۔

درجہ حرارت میں  $1^\circ\text{C}$  کا اضافہ کرنے کے لیے درکار ہوتی ہے۔ زیادہ درستی صحت کے ساتھ کی گئی پیمائشوں سے یہ معلوم ہوا کہ پانی کی نوعی حرارت میں درجہ حرارت کے ساتھ معمولی سی تبدیلی ہوتی ہے۔ شکل 12.5 میں یہ تبدیلی درجہ حرارت سعت: 0 سے  $100^\circ\text{C}$  تک کے لیے دکھائی گئی ہے۔

درجہ حرارت (C) Temperature (C) نوعی حرارت (cal/g) Specific heat (cal/g C)



شکل 12.5: درجہ حرارت کے ساتھ پانی کی نوعی حرارت کی گنجائش میں تبدیلی

اس لیے ایک کیلوری کی بالکل درست تعریف کے لیے، یہ ضروری ہو گیا کہ اکائی درجہ حرارت وقفہ کو متعین کیا جائے۔ ایک کیلوری کی تعریف اب ایسے کی جاتی ہے کہ یہ حرارت کی وہ مقدار ہے جو پانی کی ایک گرام کمیت کا درجہ حرارت  $14.5^\circ\text{C}$  سے بڑھا کر  $15.5^\circ\text{C}$  تک کرنے کے لیے درکار ہوتی ہے۔ کیوں کہ حرارت بھی توانائی کی ہی ایک شکل ہے، اس لیے بہتر یہ ہے کہ اکائی جول  $J$  استعمال کی جائے۔  $1\text{ cal}$  اکائیوں میں، پانی کی نوعی حرارت کی گنجائش  $4186\text{ J kg}^{-1}\text{K}^{-1}$ ، یعنی کہ  $4.186\text{ J g}^{-1}\text{K}^{-1}$  ہے۔ اس لیے جسے حرارت کا میکینیکی معادل کہا جاتا ہے، اور جس کی تعریف ہے کہ یہ کام کی وہ مقدار ہے جو حرارت  $1\text{ cal}$  پیدا کرنے کے لیے درکار ہوتی ہے، دراصل، توانائی کی دو مختلف اکائیوں (کیلوری سے جول) کے درمیان صرف ایک بدل جز ضربی (Conversion factor) ہے۔ کیونکہ  $1\text{ cal}$  اکائیوں میں ہم کام، حرارت اور توانائی کی کسی بھی شکل کے لیے اکائی جول استعمال کرتے ہیں، اس لیے اصطلاح حرارت کا میکینیکی معادل غیر ضروری ہے



**شکل 12.6 (a)** باکس میں سے تقسیم کو اچانک ہٹالیا جاتا ہے، جس سے گیس کا آزادانہ پھیلاؤ ہونے لگتا ہے۔ **(b)** گیسوں کا آمیزہ، جس میں دھماکہ خیز کیمیائی تعامل ہو رہا ہے۔ دونوں صورتوں میں، گیس حالت توازن میں نہیں ہے اور اسے حالت متغیرات کے ذریعے نہیں بیان کیا جاسکتا۔

مختصراً، حرکیاتی حالت متغیرات، نظام کی توازن حالتوں کو بیان کرتے ہیں۔ مختلف حالت متغیرات ضروری نہیں ہے کہ ایک دوسرے کے غیر تابع ہوں۔ حالت متغیرات کے درمیان تعلق، حالت کی مساوات کہلاتا ہے۔ مثلاً ایک کامل گیس کے لیے، حالت کی مساوات، کامل گیس رشتہ ہے:

$$P V = \mu R T$$

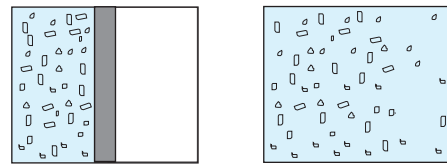
گیس کی ایک معین مقدار کے لیے، یعنی دیے ہوئے  $\mu$  کے لیے، اس لیے صرف دو غیر تابع متغیرات (فرض کیجئے  $P$  اور  $V$  یا  $T$  اور  $V$ ) ہیں۔ معین درجہ حرارت کے لیے دباؤ۔ حجم منحنی ایک ہم تپ (Isotherm) کہلاتا ہے۔ حقیقی گیسوں کے لیے، حالت کی مساوات مزید پیچیدہ ہو سکتی ہے۔

حرکیاتی حالت متغیرات دو قسم کے ہوتے ہیں: جامع (Extensive) اور عمیق (Intensive)۔ جامع متغیرات، نظام کے سائز (ناپ) کی نشاندہی کرتے ہیں۔ جب کہ عمیق متغیرات، جیسے دباؤ اور درجہ حرارت، نہیں کرتے۔ یہ فیصلہ کرنے کے لیے کہ کونسا متغیر جامع ہے اور کونسا عمیق، ایک موزوں نظام کا تصور کیجئے اور سوچئے کہ اسے دو مساوی حصوں میں تقسیم کر دیا گیا ہے۔ وہ متغیرات جو ہر حصہ کے لیے غیر تبدیل شدہ رہتے ہیں، عمیق ہیں۔ وہ متغیرات جن کی قدریں ہر حصے میں نصف ہو جاتی ہیں، جامع ہیں۔ مثلاً، یہ آسانی سے سمجھا جاسکتا ہے کہ اندرونی توانائی  $U$ ، حجم  $V$ ، کل کمیت  $m$ ، جامع متغیرات ہیں اور دباؤ  $P$ ، درجہ حرارت  $T$  اور کثافت  $\rho$  عمیق متغیرات ہیں۔ یہ ایک اچھی عادت ہے کہ متغیرات کی اس درجہ بندی کو استعمال کر کے

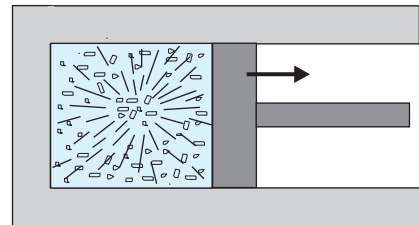
## 12.7 حرکیاتی حالت متغیرات اور حالت کی مساوات

### (THERMODYNAMIC STATE VARIABLES AND EQUATION OF STATE)

ایک حرکیاتی نظام کی ہر متوازن حالت، مکمل طور پر کچھ کلاں بینی متغیرات، جو حالت متغیرات بھی کہلاتے ہیں، کے ذریعے بیان کی جاسکتی ہے۔ مثال کے طور پر، ایک گیس کی حالت توازن اس کے دباؤ، حجم، درجہ حرارت اور کمیت (اور اجزائے ترکیبی، اگر یہ گیسوں کا آمیزہ ہے) کی قدروں کے ذریعے مکمل طور پر متعین کی جاسکتی ہے۔ ایک حرکیاتی نظام ہمیشہ حالت توازن میں نہیں ہوتا۔ مثلاً اگر گیس کو خلاء میں آزادانہ پھیلنے دیا جائے تو یہ حالت توازن نہیں ہے۔ [شکل 12.6 (a)]۔ اس تیز رفتار پھیلاؤ کے دوران، گیس کا دباؤ، ہو سکتا ہے گیس کی پوری کمیت میں ہموار (یکساں) نہ ہو۔ اسی طرح ایک گیسوں کا آمیزہ، جس میں ایک دھماکہ خیز کیمیائی تعامل ہو رہا ہو (مثلاً ایک پٹرول کے انخربات اور ہوا کا آمیزہ، جسے ایک شرارہ کے ذریعے مشتعل کیا گیا ہو) ایک حالت توازن نہیں ہے۔ کیوں کہ اس کے دباؤ اور درجہ حرارت یکساں نہیں ہیں۔ [شکل 12.6 (b)]۔ آخر کار گیس ایک یکساں درجہ حرارت اور دباؤ پر پہنچ جاتی ہے اور اپنے ماحول کے ساتھ حرارتی اور میکائیاتی توازن میں آ جاتی ہے۔



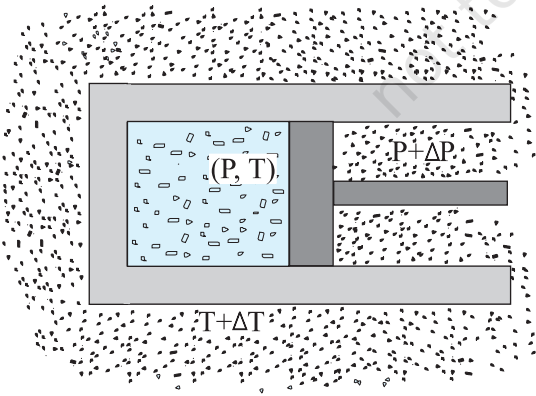
(a)



(b)

\* جیسا کہ پہلے بتایا جا چکا ہے،  $Q$  ایک حالت متغیرہ نہیں ہے۔ لیکن  $\Delta Q$  کیونکہ نظام کی کل کمیت کے متناسب ہے، اس لیے جامع ہے۔

ہے۔ ایسا عمل، اصولی طور پر، لامتناہی سست رفتار ہوگا۔ اس لیے اسے مثل سکونی (Quasi-Static) نام دیا گیا ہے، جس کے معنی ہیں تقریباً سکونی (Nearly Static)۔ نظام اپنے متغیرات (P, T, V) کو اتنی آہستہ آہستہ تبدیل کرتا ہے کہ یہ مستقل اپنے ماحول سے حرارتی اور میکائیکی توازن میں رہتا ہے۔ ایک مثل سکونی عمل میں، ہر منزل پر، نظام کے دباؤ اور باہری دباؤ میں فرق لامتناہی خفیف (Infinitesimal) طور پر چھوٹا ہوتا ہے۔ یہی بات نظام اور اس کے ماحول کے مابین درجہ حرارت میں فرق کے لیے بھی صادق آتی ہے۔ ایک گیس کو حالت (P, T) سے مثل سکونی طریقے کے ذریعے دوسری حالت (P', T') میں لے جانے کے لیے ہم باہری دباؤ کو ایک بہت ہی کم مقدار سے تبدیل کرتے ہیں، نظام کو اپنا دباؤ ماحول کے مساوی کرنے دیتے ہیں اور یہ عمل لامتناہی طور پر آہستہ روی سے جاری رکھتے ہیں، یہاں تک کہ نظام دباؤ P حاصل کر لیتا ہے۔ اسی طرح درجہ حرارت تبدیل کرنے کے لیے، ہم نظام اور ماحول کے درمیان، ایک لامتناہی خفیف درجہ حرارت فرق داخل کرتے ہیں اور پھر بتدریج مختلف درجہ حرارت کے مخزن (Reservoirs) استعمال کر کے درجہ حرارت کو T سے T' تک لے جاتے ہیں، اور نظام درجہ حرارت T' حاصل کر لیتا ہے۔



شکل 12.7 : ایک مثل سکونی طریقے میں ماحول کا درجہ حرارت اور دباؤ نظام کے درجہ حرارت اور دباؤ سے صرف لامتناہی خفیف مختلف ہوتے ہیں۔

حرکیاتی مساواتوں کے ثبات (Consistency) کی جانچ کی جائے۔ مثلاً مساوات:

$$\Delta Q = \Delta U + P \Delta U$$

میں دونوں اطراف کی مقداریں جامع\* ہیں۔ [ایک عمیق متغیرہ جیسے P اور ایک جامع متغیرہ جیسے ΔV کا حاصل ضرب جامع ہے]

## 12.8 حرکیاتی عملی طریقے

### (THERMODYNAMIC PROCESSES)

#### 12.8.1 مثل۔ سکونی طریقے

#### (Quasi-static processes)

ایک گیس تصور کیجئے جو اپنے ماحول سے حرارتی اور میکائیکی توازن میں ہے۔ اس صورت میں گیس کا دباؤ باہری دباؤ کے مساوی ہوگا اور اس کا درجہ حرارت بھی وہی ہوگا جو ماحول کا درجہ حرارت ہے۔ فرض کیجئے کہ باہری دباؤ کو دھکا کم کر دیا جاتا ہے (جیسے برتن میں لگے قابل حرکت پسٹن پر سے وزن اٹھا کر)۔ پسٹن باہری طرف اسراع کرے گا۔ اس عمل کے دوران، گیس ایسی حالتوں سے گزرے گی جو متوازن حالتیں نہیں ہیں۔ غیر متوازن حالتوں کے بخوبی معرف دباؤ اور درجہ حرارت نہیں ہوتے۔ اسی طرح، اگر گیس اور اس کے ماحول کے درمیان ایک تنہا درجہ حرارت کا فرق پایا جاتا ہے، تو ان کے درمیان ایک تیز رفتار حرارت کا تبادلہ ہوگا، جس کے دوران گیس غیر متوازن حالتوں سے گزرے گی۔ کچھ عرصے میں، گیس ایک متوازن حالت میں پہنچ جائے گی جہاں اس کے بخوبی معروف دباؤ اور درجہ حرارت ہوں گے جو ماحول کے دباؤ اور درجہ حرارت کے مساوی ہوں گے۔ خلاء میں ایک گیس کا آزادانہ پھیلاؤ اور ایک گیسوں کا آمیزہ جس میں دھماکہ خیز کیمیائی تعامل ہو رہا ہو، (حصہ 12.7 میں جن کا ذکر ہوا ہے) یہ بھی ایسی مثالیں ہیں جن میں نظام غیر متوازن حالتوں سے گذرتا ہے۔ نظام کی غیر متوازن حالتوں کو برتنا مشکل ہوتا ہے۔ اس لیے سہولت اس میں ہے کہ یہ تصور کیا جائے کہ ایک کامل عمل ہے جس میں ہر منزل (Stage) پر نظام ایک متوازن حالت میں

یعنی کہ، ایک گیس کی دی ہوئی کیت کا دباؤ اس کے حجم کے مقلوب متناسب ہے۔ یہ ہی بوائل کا قانون ہے۔

فرض کیجئے کہ ایک کامل گیس اپنی آغازی حالت  $(P_1, V_1)$  سے، ہم تاپ طریق سے (درجہ حرارت  $T$  پر)، اختتامی حالت  $(P_2, V_2)$  تک جاتی ہے۔ کسی بھی درمیانی منزل پر، دباؤ  $P$  کے ساتھ اور حجم تبدیلی  $V$  سے  $V + \Delta V$  ( $\Delta V$  بہت چھوٹا)

$$\Delta W = P \Delta V$$

( $\Delta V \rightarrow 0$ ) لیتے ہوئے اور مقدار  $\Delta W$  کو پورے طریق پر جمع کرتے

ہوئے

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV$$

$$= \mu RT \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V} = \mu RT \ln \frac{V_2}{V_1} \quad (12.12)$$

جہاں دوسرے قدم پر ہم نے کامل گیس مساوات:  $PV = \mu RT$  استعمال کی ہے اور مستقلوں کو تکملہ (Integration) سے باہر لے لیا ہے۔ ایک کامل گیس کے لیے، اندرونی توانائی صرف درجہ حرارت کے تابع ہے۔ اس لیے ایک ہم تاپ طریق میں، ایک کامل گیس کی اندرونی توانائی میں کوئی تبدیلی نہیں ہوتی پھر حرکیات کے پہلے قانون سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ گیس کو مہیا کی گئی حرارت، گیس کے ذریعے کیے گئے کام کے مساوی ہے:  $Q = W$ ، مساوات (12.12) سے نوٹ کیجئے کہ:  $V_2 > V_1$  کے لیے  $W > 0$  اور  $V_2 < V_1$  کے لیے  $W < 0$ ، یعنی کہ، ایک ہم تاپ پھیلاؤ میں گیس حرارت جذب کرتی ہے اور کام کرتی ہے، جب کہ ایک ہم تاپ دباؤ میں، ماحول کے ذریعے گیس پر کام کیا جاتا ہے اور حرارت باہر نکلتی ہے۔

### 12.8.3 حرنا گز ا طریق (Adiabatic process)

ایک حرنا گز ا طریق میں نظام کو ماحول سے عاجز کر دیا جاتا ہے اور جذب ہوئی یا خارج ہوئی حرارت صفر ہے۔ مساوات (12.1) سے ہم پاتے ہیں کہ

ایک مثل سکونی طریقہ یقیناً خیالی ہے۔ عملی طور پر وہ عملی طریقے جو کافی آہستہ رو ہیں، اور جن میں پسٹن کی اسراع حرکت، بڑی درجہ حرارت ڈھلان وغیرہ شامل نہیں ہیں ایک کامل مثل سکونی طریقے کے تقرب ہیں۔ اب ہم صرف مثل سکونی طریقوں کو ہی برتیں گے، جب تک کہ کوئی اور طریقہ نہیں کہا جائے۔ ایک ایسا طریق جس میں نظام کا درجہ حرارت پورے عمل کے دوران معین رکھا جائے، ہم تاپ طریق (Isothermal process) کہلاتا ہے۔ معین درجہ حرارت کے ایک بڑے مخزن (Reservoir) میں رکھے ہوئے دھاتی استوانہ میں ایک گیس کا پھیلاؤ، ہم تاپ طریق کی ایک مثال ہے۔ [مخزن سے نظام کو منتقل ہوئی حرارت مخزن کے درجہ حرارت پر کوئی قابل لحاظ اثر نہیں ڈالتی، کیوں کہ اس کی حرارتی گنجائش بہت زیادہ ہے]۔ ایک ہم خط طریق (Isobaric Process) میں دباؤ مستقل رہتا ہے جب کہ ہم حجمی طریق (Isochoric Process) میں حجم مستقل رہتا ہے۔ آخر میں، اگر نظام کو ماحول سے عاجز کر دیا جائے اور نظام اور ماحول کے درمیان کوئی حرارت کا بہاؤ نہ ہو، تو طریق حرنا گذار (Adiabatic) ہے۔ ان مخصوص طریقوں کی تعریفوں کا خلاصہ جدول 12.2 میں دیا گیا ہے۔

### جدول 12.2 کچھ مخصوص حرکیاتی طریق

طریق کی قسم	خصوصیت
ہم تاپ	درجہ حرارت مستقلہ
ہم بار	دباؤ مستقلہ
ہم حجمی	حجم مستقلہ
حرنا گذار	نظام اور ماحول کے درمیان کوئی حرارت کا بہاؤ نہیں ( $\Delta Q = 0$ )

اب ہم ان طریقوں کا کچھ تفصیلی مطالعہ کرتے ہیں:

### 12.8.2 ہم تاپی طریق (Isothermal process)

ایک ہم تاپی طریق کے لیے ( $T$  معین)، کامل گیس مساوات سے حاصل ہوتا ہے:

$$PV = \text{مستقلہ}$$

$$W = \int_{V_1}^{V_2} P dV$$

$$= \int_{V_1}^{V_2} \frac{dV}{V^\gamma} \times \text{مستقلہ} = \frac{V^{-\gamma+1}}{1-\gamma} \Big|_{V_1}^{V_2}$$

$$= \frac{1}{(1-\gamma)} \times \left[ \frac{1}{V_2^{\gamma-1}} - \frac{1}{V_1^{\gamma-1}} \right] \quad (12.15)$$

مساوات (12.14) سے، مستقلہ  $P_1 V_1^\gamma$  ہے یا  $P_2 V_2^\gamma$

$$W = \frac{1}{1-\gamma} \left[ \frac{P_2 V_2^\gamma}{V_2^{\gamma-1}} - \frac{P_1 V_1^\gamma}{V_1^{\gamma-1}} \right]$$

$$= \frac{1}{1-\gamma} [P_2 V_2 - P_1 V_1] = \frac{\mu R (T_1 - T_2)}{\gamma - 1}$$

جیسی کہ امید تھی، اگر ایک حرنا گذار طریق میں گیس کے ذریعے کام کیا جاتا ہے ( $W > 0$ )، تو مساوات (12.6) سے  $T_2 < T_1$ ، اور اس کے برخلاف، اگر گیس پر کام کیا جاتا ہے،  $W < 0$ ، تو  $T_2 > T_1$  یعنی کہ گیس کے درجہ حرارت میں اضافہ ہوتا ہے۔

#### 12.8.4 ہم حجمی طریق (Isochoric process)

ایک ہم حجمی طریق میں،  $V$  مستقلہ ہے۔ نہ کوئی کام گیس پر ہوتا ہے اور نہ کوئی گیس کے ذریعے۔ مساوات (12.1) سے، گیس کے ذریعہ جذب کی گئی حرارت، پوری طرح اس کی اندرونی توانائی اور درجہ حرارت تبدیل کرنے میں استعمال ہوتی ہے۔

#### 12.8.5 ہم بار طریق (Isobaric process)

ایک ہم بار طریق میں،  $P$  معین ہے۔ گیس کے ذریعے کیا گیا کام

$$W = P(V_2 - V_1) = \mu R (T_2 - T_1) \quad (12.17)$$

کیونکہ درجہ حرارت تبدیل ہوتا ہے، اس لیے اندرونی توانائی بھی تبدیل ہوتی ہے۔ اس لیے جذب ہوئی حرارت، جزوی طور پر اندرونی توانائی میں اضافہ کرنے میں اور جزوی طور پر کام کرنے میں استعمال ہوتی ہے۔ حرارت کی ایک دی ہوئی مقدار کے لیے، درجہ حرارت میں تبدیلی، مستقلہ دباؤ پر گیس کی نوعی حرارت سے معلوم کی جاتی ہے۔

گیس کے ذریعے کیے گئے کام کے نتیجے میں گیس کی اندرونی توانائی (ایک کامل گیس کے لیے؛ اس لیے اس کا درجہ حرارت) میں کمی آ جاتی ہے۔ ہم بغیر ثابت کیے، ایک نتیجہ لکھتے ہیں، (جو آپ اعلیٰ درجات میں پڑھیں گے)؛ ایک کامل گیس کے حرنا گذار طریق کے لیے:

$$P V^\gamma = \text{مستقلہ} \quad (12.13)$$

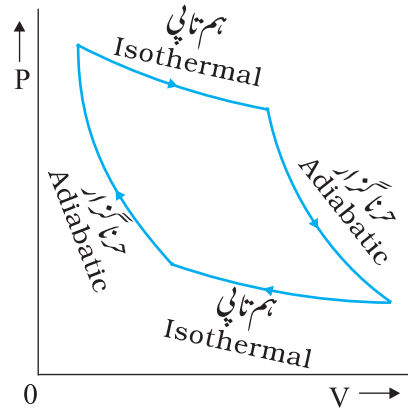
جہاں  $\gamma$ ، مستقلہ دباؤ اور مستقلہ حجم پر نوعی حرارتوں (عام یا مولی) کی نسبت ہے۔

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

اس لیے اگر ایک کامل گیس اپنی حالت  $(P_1, V_1)$  سے حرنا گذار طریق سے حالت  $(P_2, V_2)$  پر جاتی ہے تو

$$P_1 V_1^\gamma = P_2 V_2^\gamma \quad (12.14)$$

شکل 12.8 میں ایک کامل گیس کے دو حرنا گذار طریقوں کے  $P$ - $V$  منحنی دکھائے گئے ہیں، جو دو ہم تا پوں کو ملاتے ہیں۔



شکل 12.8: ایک کامل گیس کے ہم تاپی اور حرنا گذار طریقوں کے لیے  $P$ - $V$  منحنی۔

ہم پہلے کی طرح، ایک کامل گیس کی حالت  $(P_1, V_1)$  سے حالت  $(P_2, V_2)$  تک حرنا گذار تبدیلی میں کیے گئے کام کا حساب لگا سکتے ہیں:

کسی مقصد کے لیے کارآمد کام حاصل کرنے کے لیے، چکر کو بار بار دہرایا جاتا ہے۔ حرکیات کے مضمون کی جڑیں، حرارتی انجن کے مطالعے میں پائی جاتی ہیں۔ ایک بنیادی سوال کا تعلق حرارتی انجن کی کارکردگی (استعداد Efficiency) سے ہے۔ ایک حرارتی انجن کی استعداد  $\eta$  کی تعریف ہے:

$$\eta = \frac{W}{Q_1} \quad (12.18)$$

جہاں  $(Q_1)$  حرارت درآمدہ (heat input)، یعنی ایک مکمل سائیکل میں نظام کے ذریعے جذب کی گئی حرارت، ہے اور  $W$ ، ایک سائیکل میں ماحول پر کیا گیا کام ہے۔ ایک سائیکل میں حرارت کی کچھ مقدار  $(Q_2)$  ماحول میں خارج بھی ہو سکتی ہے۔ تب حرکیات کے پہلے قانون کے مطابق، ایک مکمل سائیکل میں

$$W = Q_1 - Q_2 \quad (12.19)$$

یعنی

$$\eta = 1 - \frac{Q_2}{Q_1} \quad (12.20)$$

$Q_2 = 0$  کے لیے،  $\eta = 1$  یعنی کہ حرارت کو کام میں تبدیل کرنے کی انجن کی استعداد 100% ہوگی۔ نوٹ کریں کہ حرکیات کا پہلا قانون، یعنی کہ، توانائی کی بقا کا قانون ایسے انجن کے امکان کو خارج نہیں کرتا۔ لیکن تجربہ بتاتا ہے کہ ایسا مکمل انجن، جس کے لیے  $\eta = 1$  ہو، کبھی بھی بنانا ممکن نہیں ہے، چاہے ہم اصل حرارتی انجنوں میں ہونے والے مختلف قسم کے تمام حرارت کے زیاں خارج بھی کر دیں۔ یہ پتہ چلتا ہے کہ قدرت کے ایک جداگانہ اصول کے ذریعے ایک حرارتی انجن کی استعداد کی ایک حد مقرر کی گئی ہے۔ یہ اصول،

حرکیات کا دوسرا قانون کہلاتا ہے۔ (حصہ 12.11)

مختلف حرارتی انجنوں میں حرارت کو کام میں تبدیل کرنے کی میکانیت مختلف ہوتی ہے۔ بنیادی طور پر دو طریقے ہیں: نظام (فرض کیجیے ایک گیس یا گیسوں کا آمیزہ) ایک باہری بھٹی کے ذریعے گرم کیا جاتا ہے، جیسے ایک بھاپ کے انجن میں، یا اسے اندرونی طور پر ایک حرارت زائیمیائی تعامل (Exothermic Chemical Reaction) کے ذریعے گرم کیا جاتا

## 12.8.6 چکری طریق (Cyclic process)

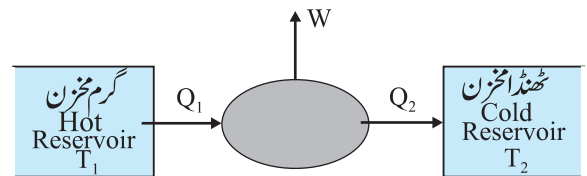
ایک چکری طریق میں نظام اپنی آغازی حالت پر واپس آ جاتا ہے۔ کیونکہ اندرونی توانائی ایک حالت متغیرہ ہے، ایک چکری طریق کے لیے:  $\Delta U = 0$ ، مساوات (12.1) سے جذب ہوئی کل حرارت مساوی ہے نظام کے ذریعے کیے گئے کام کے۔

## 12.9 حرارتی انجن (HEAT ENGINES)

حرارتی انجن ایک ایسا آلہ ہے، جس کے ذریعے ایک نظام کو چکری طریق سے گزارا جاتا ہے، جس کے نتیجے میں حرارت کام میں تبدیل ہوتی ہے۔

- اس میں ایک کام کار شے ہوتی ہے۔ مثلاً گیسولین یا ڈیزل انجن میں ایندھن کے انخزات اور ہوا کا آمیزہ یا بھاپ انجن میں بھاپ کام کار شے ہے۔
- یہ کام کار شے ایک چکر سے گذرتی ہے، جس میں بہت سے طریق شامل ہوتے ہیں۔ ان میں سے کچھ طریقوں میں یہ کسی اونچے درجہ حرارت  $T_1$  کے ایک باہری مخزن سے حرارت کی کل مقدار  $Q_1$  جذب کرتی ہے۔
- سائیکل کے کچھ دوسرے طریقوں میں، یہ کام کار شے کسی کم درجہ حرارت  $T_2$  کے ایک باہری مخزن کو حرارت کی کل مقدار  $Q_2$  خارج کرتی ہے۔
- ایک چکر میں نظام کے ذریعے کیا گیا کام کسی انتظام (مثلاً، کام کار شے) ایک حرکت کرنے والے پسٹن لگے استوانہ میں ہو سکتی ہے جو میکانیکی توانائی کو، دھری کے ذریعے گاڑی کے پہیوں کو منتقل کرتا ہے) کے ذریعے ماحول کو منتقل کیا جاتا ہے۔

ایک حرارتی انجن کی بنیادی خاصیتیں شکل 12.9 میں دیے گئے خاکہ کے ذریعے ظاہر کی گئی ہیں۔



شکل 12.9: ایک حرارتی انجن کا خاکہ: انجن،  $T_1$  درجہ حرارت کے گرم مخزن سے حرارت  $Q_1$  لیتا ہے اور  $T_2$  درجہ حرارت کے ٹھنڈے مخزن میں حرارت  $Q_2$  خارج کرتا ہے اور کام  $W$  ماحول کو منتقل کرتا ہے۔



ایک حرارت پمپ اور ایک سرد کار یکساں ہوتے ہیں۔ ہم کون سی اصطلاح استعمال کریں یہ آلہ کے استعمال پر منحصر ہے۔ اگر آلہ کسی مقام کو ٹھنڈا کرنے کے لیے استعمال ہو رہا ہے، جیسے ایک کمرہ کا اندرونی حصہ، جہاں مقابلاً زیادہ درجہ حرارت کا مخزن ماحول ہے، تو ہم اس آلہ کو سرد کار کہتے ہیں۔ اور اگر کسی حصہ میں حرارت پمپ کرتی ہے (جیسے ایک عمارت کے ایک کمرے میں جہاں باہر کا ماحول سرد ہے) تو آلہ حرارت پمپ کہلاتا ہے۔

ایک سرد کار میں کام کرنے والے (جو عام طور سے کسی شکل میں ہوتی ہے) مندرجہ ذیل اقدام سے گزرتی ہے:

(a) اونچے سے نیچے دباؤ کی جانب گیس کا اچانک پھیلاؤ جو اسے ٹھنڈا کرتا ہے اور ابخرا ت۔ رقیق آمیزہ میں تبدیل کرتا ہے۔ (b) جس علاقے کو ٹھنڈا کرنا ہے، اس سے ٹھنڈے رقیق کے ذریعے حرارت کا اجذاب، جو رقیق کو ابخرا ت میں تبدیل کر دیتا ہے۔ (c) نظام پر کیے گئے باہری کام کی وجہ سے ابخرا ت کا گرم ہونا (d) ابخرا ت کے ذریعے ماحول میں حرارت کا اخراج کر کے اسے آغازی حالت میں واپس لانا اور سائیکل مکمل کرنا۔

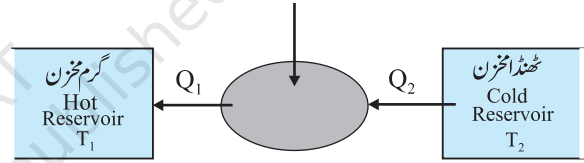
ایک سرد کار کی کارکردگی کا ضریب (a) (Coefficient of performance) دیا جاتا ہے:

ہے، جیسے ایک اندرونی احتراق انجن (Internal combustion engine) میں۔ ایک سائیکل میں شامل مختلف اقدامات بھی ہر انجن میں الگ الگ ہوتے ہیں۔ عمومی تجزیہ کے لیے ایک حرارتی انجن کا تصور اس طور پر کرنا کارآمد ہے کہ اس کے بنیادی اجزاء ترکیبی (ingredients) ہیں:

## 12.10 سرد کار اور حرارتی پمپ

### (REFRIGERATORS AND HEAT PUMPS)

ایک سرد کار (Refrigerator)، حرارتی انجن کا عکس ہے۔ یہاں کام کرنے والے،  $T_2$  درجہ حرارت کے ٹھنڈے مخزن سے حرارت  $Q_2$  نکالتی ہے، اس پر کچھ باہری کام  $W$  کیا جاتا ہے اور حرارت  $Q_1$ ، گرم مخزن، جس کا درجہ حرارت  $T_1$  ہے، میں خارج کی جاتی ہے۔ (شکل 12.10)

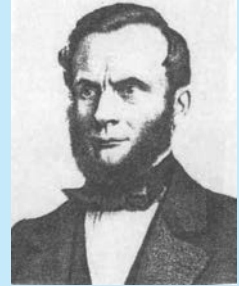
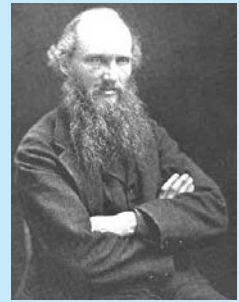


شکل 12.10: ایک سرد کار یا حرارت پمپ کا خاکہ، جو ایک حرارتی انجن کا عکس ہے۔

## حرکیات کے راہ نما

لارڈ کیلون (ولیم تھامسن) (1824-1907)، نیل فاسٹ، آئرلینڈ میں پیدا ہوئے۔ آپ کا شمار انیسویں صدی کے صف اول کے سائنسدانوں میں ہوتا ہے۔ جیمس جول (1818-1889)، جیولیس میر (1814-1878) اور ہرمن، ہیلہولٹز (1821-1894) کی تحقیقات سے تجویز کردہ توانائی کی بقا کے قانون کی تشکیل میں تھامسن نے کلیدی کردار ادا کیا۔ انھوں نے جول کی رفاقت میں، ”جول-تھامسن اثر“ دریافت کیا: خلا میں پھیلنے پر گیس کا ٹھنڈا ہونا۔ انھوں نے درجہ حرارت کے مطلق صفر کے تصور سے روشناس کرایا اور مطلق درجہ حرارت پیمانہ تجویز کیا۔ جواب ان کے اعزاز میں کیلون پیمانہ کہلاتا ہے۔ ساوی کارنوٹ (1796-1832) کی تحقیق کی مدد سے تھامسن حرکیات کے دوسرے قانون کی شکل تک پہنچے۔ تھامسن ایک ہمہ گیر سائنس داں تھے اور ”برقی و مقناطیسی نظریہ“ اور ”آب حرکیات“ میں آپ کا بہت اہم حصہ ہے۔

رڈولف کلاسیس (1822-1886) پولینڈ میں پیدا ہوئے۔ انھیں عام طور سے حرکیات کے دوسرے قانون کا دریافت کنندہ مانا جاتا ہے۔ کارنوٹ اور تھامسن کے تحقیقی کام کی بنیاد پر، کلاسیس ”ناکارگی“ کے اہم تصور تک پہنچے، جس نے حرکیات کے دوسرے قانون کی بنیادی شکل تک ان کی رہنمائی کی۔ اس قانون کا بیان ہے: ایک جدا کیے ہوئے نظام کی ناکارگی کبھی کم نہیں ہو سکتی۔ کلاسیس نے گیسوں کے تحرکی نظریہ پر بھی کام کیا اور مالیکیولیائی ناپ، رفتار اور اوسط آزاد فاصلہ (Mean Free path) وغیرہ کی قابل ہجروسہ قدریں، سب سے پہلے آپ ہی نے معلوم کیں۔



دوسرا بنیادی قانون اس کی ممانعت کرتا ہے، حالانکہ یہ توانائی کی بقا کو مطمئن کرتا ہے۔ یہ اصول، جو ایسے کئی مظاہر کی ممانعت کرتا ہے جو حرکیات کے پہلے قانون کے ساتھ ہم آہنگ (Consistent) ہیں، حرکیات کا دوسرا قانون کہلاتا ہے۔

### کیلون-پلانک بیان:

#### (Kelvin-Planck Statement)

ایسا کوئی طریق ممکن نہیں ہے، جس کا واحد نتیجہ ایک مخزن سے حرارت کا انجذاب اور حرارت کا کام میں مکمل تبدیلی ہے۔

### کلاسیس بیان: (Clausius statement)

ایسا کوئی طریق ممکن نہیں ہے، جس کا واحد نتیجہ ایک مقابلاً ٹھنڈی شے سے مقابلاً گرم شے میں حرارت کی منتقلی ہو۔  
یہ ثابت کیا جاسکتا ہے کہ اوپر دیے ہوئے دونوں بیان پوری طرح سے ہم آہنگ (Equivalent) ہیں۔

### 12.12 رجعت پذیر اور غیر رجعت پذیر طریق

#### (REVERSIBLE AND IRREVERSIBLE PROCESSES)

ایک ایسا طریق تصور کیجئے، جس میں ایک حرکیاتی نظام ایک آغازی حالت i سے اختتامی حالت f میں جاتا ہے۔ اس طریق کے دوران، نظام ماحول سے حرارت Q جذب کرتا ہے اور اس پر W کام کرتا ہے۔ کیا ہم اس طریق کو واپس لوٹا سکتے ہیں اور نظام اور ماحول دونوں کو ان کی آغازی حالتوں پر اس طرح لاسکتے ہیں کہ کہیں کوئی دوسرا اثر نہ ہو؟ تجربہ بتاتا ہے کہ قدرت کے بیشتر طریق کے لیے یہ ممکن نہیں ہے۔ قدرت کے از خود طریق غیر رجعت پذیر ہیں۔ ایسی کئی مثالیں پیش کی جاسکتی ہیں۔ ایک چولھے (Oven) پر رکھے

$$\alpha = \frac{Q_2}{W} \quad (12.21)$$

جہاں  $Q_2$  ٹھنڈے مخزن سے نکالی گئی حرارت ہے اور W نظام۔ مبرد (Refrigerant) پر کیا گیا کام ہے۔ [حرارت پمپ کے لیے a کی تعریف ہے  $\frac{Q_1}{W}$ ۔ نوٹ کریں کہ تعریف کے مطابق  $\eta$  کبھی 1 سے زیادہ نہیں ہو سکتا، جب کہ a، 1 سے بڑا ہو سکتا ہے۔ توانائی کی بقا کے ذریعے، گرم مخزن کو خارج کی گئی حرارت ہے:

$$Q_1 = W + Q_2$$

یعنی کہ

$$\alpha = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2} \quad (12.22)$$

ایک حرارتی انجن میں، حرارت کو مکمل طور پر کام میں نہیں تبدیل کیا جاسکتا۔ اسی طرح ایک سرد کار، نظام پر کوئی باہری کام کیے گئے بغیر، کام نہیں کر سکتا، یعنی کہ (12.21) میں کارکردگی کا ضریب لامتناہی نہیں ہو سکتا۔

### 12.11 حرکیات کا دوسرا قانون

#### (SECOND LAW OF THERMODYNAMICS)

حرکیات کا پہلا قانون، توانائی کی بقا کا اصول ہے۔ عام تجربہ سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ ایسے بہت سے طریق سوچے جاسکتے ہیں، جو پہلے قانون کے مطابق مکمل طور پر ممکن ہیں، لیکن کبھی مشاہدہ میں نہیں آتے۔ مثلاً، کسی نے یہ کبھی نہیں دیکھا کہ میز پر رکھی ہوئی کتاب، اپنے آپ اچھل کر ایک اونچائی تک پہنچ جائے۔ لیکن ایسا ہونا ممکن تھا اگر توانائی کی بقا کا قانون ہی صرف اکیلی پابندی ہوتا۔ میز خود کار (Spontaneous) طور پر اچانک ٹھنڈی ہو سکتی تھی اور اپنی اندرونی توانائی کے کچھ حصے کو کتاب کی مساوی مقدار کی میکینیکل توانائی میں تبدیل کر سکتی تھی۔ یہ میکینیکل توانائی کتاب کو اس اونچائی تک لے جاسکتی تھی، جہاں پر توانائی بالقوۃ کتاب کی حاصل ہوئی میکینیکل توانائی کے مساوی ہوتی۔ لیکن ایسا کبھی نہیں ہوتا۔ ظاہر ہے کہ قدرت کا کوئی

ہوگا جب طریق کو اس طرح واپس لوٹایا جاسکے کہ نظام اور ماحول دونوں اپنی آغازی حالتوں پر لوٹ آئیں، اور اس وجہ سے کائنات میں کہیں اور کوئی دوسری تبدیلی نہ ہو۔ مندرجہ بالا بحث سے یہ ظاہر ہو جاتا ہے کہ ایک رجعت پذیر طریق، ایک مثالی تصور (Idealised notion) ہے۔ ایک طریق تب ہی رجعت پذیر ہو سکتا ہے، جب وہ مثل سکونی ہو (ہر منزل پر نظام ماحول کے ساتھ توازن میں ہو) اور کوئی اتلائی اثرات نہ ہوں۔ مثلاً ایک بے اثر رگڑ کا حرکت کر سکنے والا پسٹن لگے ہوئے استوانے میں بھری کامل گیس کا مثل سکونی ہم تابی پھیلاؤ، ایک رجعت پذیر طریق ہے۔

حرکیات میں رجعت پذیری اتنا بنیادی تصور کیوں ہے؟ جیسا کہ ہم دیکھ چکے ہیں کہ حرکیات کا ایک بنیادی سروکار اس استعداد سے ہے جس سے حرارت کو کام میں تبدیل کیا جاسکتا ہے۔ حرکیات کا دوسرا قانون 100% استعداد کے کامل حرارتی انجن کے امکان کو خارج کرتا ہے۔ لیکن دو مخزنوں، جن کے درجہ حرارت  $T_1$  اور  $T_2$  ہیں، کے درمیان کام کر رہے ایک حرارتی انجن کی زیادہ سے زیادہ ممکنہ استعداد کیا ہو سکتی ہے؟ یہ پتہ چلتا ہے کہ ایک حرارتی انجن جو مثالی رجعت پذیر طریق پر مبنی ہو، زیادہ سے زیادہ ممکنہ استعداد حاصل کر سکتا ہے۔ باقی تمام انجنوں کی استعداد جن میں کسی بھی طور پر غیر رجعت پذیری شامل ہو، (جیسا کہ عملی طور پر ہر انجن کے لیے ہوگا) اس انتہائی استعداد سے کم ہوگی۔

## 12.13 کارنوٹ انجن (CARNOT ENGINE)

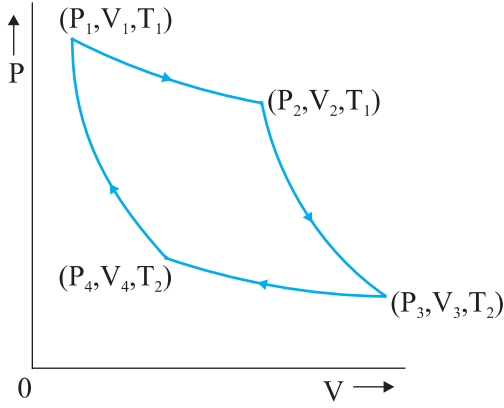
فرض کیجئے ہمارے پاس درجہ حرارت  $T_1$  پر ایک گرم مخزن ہے اور درجہ حرارت  $T_2$  پر ایک ٹھنڈا مخزن ہے۔ ان دو مخزنوں کے درمیان کام کر رہے حرارتی انجن کی از حد استعداد کیا ہوگی اور از حد استعداد حاصل کرنے کے لیے طریقوں کا کیا سائیکل اختیار کیا جائے؟ ایک فرانسیسی انجینئر سادی کارنوٹ نے 1824 میں اس سوال کا جواب حاصل کیا۔ دلچسپ بات یہ ہے کہ کارنوٹ درست جواب تک پہنچ گئے، حالانکہ اس قوت تک حرارت اور حرکیات کے بنیادی تصورات واضح نہیں تھے۔

ہوئے برتن کی اساس اس کے دوسرے حصوں کے مقابلے میں زیادہ گرم ہوتی ہے۔ جب برتن کو چولھے پر سے اتار لیا جاتا ہے، تو حرارت، اساس سے دوسرے حصوں میں منتقل ہوتی ہے، اور برتن ایک یکساں درجہ حرارت پر آ جاتا ہے۔ (جو کچھ وقت کے ساتھ، ماحول کے درجہ حرارت تک ٹھنڈا ہو جاتا ہے)۔ اس طریق کو واپس نہیں لوٹایا جاسکتا، برتن کا ایک حصہ از خود ٹھنڈا ہو کر اساس کو گرم نہیں کر سکتا۔ اگر یہ ایسا کرے تو یہ حرکیات کے دوسرے قانون کی خلاف ورزی ہوگی۔ ایک گیس کا آزادانہ پھیلاؤ بھی غیر رجعت پذیر ہے۔ شرارہ کے ذریعے منتقل کیے گئے پٹرول اور ہوا کے آمیزہ میں ہونے والا احتراقی تعامل بھی واپس نہیں لوٹایا جاسکتا۔ ایک گیس سلنڈر سے رسنے والی کھانا پکانے کی گیس کا پورے باروچی خانے میں نفوذ (Diffusion) ہو جاتا ہے۔ نفوذ کا یہ طریق اپنے آپ واپس نہیں لوٹ سکتا اور سلنڈر میں گیس کو واپس نہیں لوٹا سکتا۔ ایک مخزن کے حرارتی لمس میں آئے رقیق کو بلونے کا عمل (Stirring)، کیے گئے کام کو حرارت میں تبدیل کرتا ہے۔ اس طریق کو بالکل ایسے ہی واپس نہیں لوٹایا جاسکتا، ورنہ اس کا مطلب ہوگا کہ حرارت کو مکمل طور پر کام میں تبدیل کیا جا رہا ہے، جو حرکیات کے دوسرے قانون کی خلاف ورزی ہے۔ رجعت پذیری قدرت کا ایک قانون ہے، استثنیٰ نہیں۔

رجعت پذیری کی دو اہم وجوہات ہیں: (i) کئی طریق نظام کو غیر متوازن حالت میں لے جاتے ہیں جیسے آزادانہ پھیلاؤ یا دھماکہ خیز کیمیائی تعامل۔ (ii) زیادہ تر طریق میں رگڑ، لزوجت اور دوسرے اتلائی (Dissipative) اثر شامل ہوتے ہیں۔ (جیسے ایک حرکت کرتے ہوئے جسم کا رک جانا اور اپنی میکائیٹک توانائی کو فرش کو بہ طور حرارت دے دینا، ایک بلیڈ کا ایک سیال میں گردش حرکت کرتے ہوئے، لزوجت کی وجہ سے رک جانا اور اس کی میکائیٹک توانائی کا زیاں، رقیق کی اندرونی توانائی میں اضافہ کے مساوی ہونا)۔ کیوں کہ اتلائی اثرات ہر جگہ موجود ہیں، انھیں کم تو کیا جاسکتا ہے، لیکن بالکل خارج نہیں کیا جاسکتا، اس لیے زیادہ تر طریق، جو ہم برتتے ہیں، غیر رجعت پذیر ہوتے ہیں۔

ایک حرکیات طریق (حالت  $f \rightarrow$  حالت  $i$ ) اس وقت رجعت پذیر

ہی نظام کے درجہ حرارت میں تبدیلی  $T_1$  سے  $T_2$  اور تبدیلی  $T_2$  سے  $T_1$  کی جاسکتی ہے۔



**شکل 12.11:** ایک حرارت انجن کے لیے کارنوٹ سائیکل، جس میں کام کار کے بہ طور کامل گیس ہے۔

دو درجہ حرارت کے درمیان کام کر رہا رجعت پذیر حرارت انجن، ایک کارنوٹ انجن کہلاتا ہے۔ ہم ابھی جواز پیش کر چکے ہیں کہ ایک ایسے انجن کا ایک سائیکل، جو کارنوٹ سائیکل کہلاتا ہے مندرجہ ذیل سلسلہ وار اقدامات پر مشتمل ہونا چاہیے۔ (شکل 12.11)۔ ہم نے کارنوٹ انجن کی کام کار شے کے بہ طور کامل گیس کو لیا ہے۔

(a) قدم 1→2: گیس کا ہم تاپی پھیلاؤ، جو اس کی حالت کو  $(P_1, V_1, T_1)$  سے  $(P_2, V_2, T_1)$  پر لے جاتا ہے۔ گیس کے ذریعے، درجہ حرارت  $T_1$  کے مخزن سے جذب کی گئی حرارت  $Q_1$  مساوات (12.12) سے دی جاتی ہے۔ یہ گیس کے ذریعے ماحول پر کیا گیا کام  $W_{1→2}$  بھی ہے۔

$$W_{1→2} = Q_1 = \mu RT_1 \ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right) \quad (12.23)$$

(b) قدم 2→3:  $(P_2, V_2, T_1)$  سے  $(P_3, V_3, T_2)$  تک گیس کا حرنا گزار طور پر پھیلاؤ / مساوات (12.16) استعمال کرتے ہوئے، گیس کے ذریعے کیا گیا کام ہے:

ہم امید کرتے ہیں کہ ان دونوں درجہ حرارت کے درمیان کام کر رہا ایک مثالی انجن، ایک رجعت پذیر انجن ہوگا۔ غیر رجعت پذیری، اتلائی اثرات سے منسلک ہے، جیسا کہ مندرجہ بالا حصہ میں بتایا جا چکا ہے اور استعداد کو کم کرتی ہے۔ ایک طریق تب ہی رجعت پذیر ہے، جب وہ مثل سکونی ہو اور غیر اتلائی ہو۔ ہم سیکھ چکے ہیں کہ ایک طریق مثل سکونی نہیں ہوتا اگر اس میں نظام اور ماحول کے درمیان انتہائی درجہ حرارت فرق شامل ہوں۔ اس سے اخذ کیا جاسکتا ہے کہ دو درجہ حرارت کے درمیان کام کر رہے رجعت پذیر حرارتی انجن میں حرارت ہم تاپی طور پر جذب ہونی چاہیے۔ (گرم مخزن سے) اور ہم تاپی طور پر خارج ہونا چاہیے (ٹھنڈے مخزن کو)۔ اس طرح ہم نے رجعت پذیر حرارتی انجن کے دو اقدامات شناخت کر لیے ہیں: درجہ حرارت  $T_1$  پر ہم تاپی طریق، جس میں گرم مخزن سے حرارت  $Q_1$  جذب ہوتی ہے اور درجہ حرارت  $T_2$  پر ایک دوسرا ہم تاپی طریق، جس میں ٹھنڈے مخزن کو حرارت  $Q_2$  خارج ہوتی ہے۔ ایک سائیکل کو مکمل کرنے کے لیے ہمیں نظام کو درجہ حرارت  $T_1$  سے  $T_2$  تک لے جانا ہوگا اور پھر  $T_2$  سے  $T_1$  پر واپس لانا ہوگا۔ اس مقصد کے لیے ہم کون سے طریق استعمال کریں جو رجعت پذیر ہوں؟ تھوڑا سا غور کرنے سے یہ ظاہر ہو جاتا ہے کہ ان مقاصد کے لیے ہم صرف رجعت پذیر حرنا گزار طریق اختیار کر سکتے ہیں، جن میں کسی مخزن سے حرارت کی کسی مقدار کا بہنا شامل نہیں ہوتا۔ اگر ہم کوئی بھی دوسرا طریق استعمال کریں جو حرنا گزار نہیں ہو، فرض کیجیے ہم حجمی طریق، اور اس طریق کے ذریعے نظام کو ایک درجہ حرارت سے دوسرے درجہ حرارت تک لے جانا چاہیں تو ہمیں درجہ حرارت سعت:  $T_1$  سے  $T_2$  تک، میں مخزنوں کا ایک سلسلہ درکار ہوگا تاکہ اس کو یقینی بنایا جاسکے کہ ہر منزل پر طریق مثل سکونی ہے۔ (پھر یاد کیجیے کہ ایک طریق کے مثل سکونی اور رجعت پذیر ہونے کے لیے ضروری ہے کہ مخزن اور نظام کے درمیان کوئی متناہی درجہ حرارت فرق نہ ہو)۔ لیکن ہم ایسے انجن کی بات کر رہے ہیں جو صرف دو درجہ حرارت کے درمیان کام کرتا ہے۔ اس لیے اس انجن میں حرنا گزار طریق کے ذریعے

$$T_2 V_4^{\gamma-1} = T_1 V_1^{\gamma-1}$$

یعنی کہ

$$\frac{V_1}{V_4} = \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^{1/\gamma-1} \quad (12.30)$$

مساوات (12.29) اور مساوات (12.30) سے

$$\frac{V_3}{V_4} = \frac{V_2}{V_1}$$

مساوات (12.31) کو مساوات (12.32) میں استعمال کرتے ہوئے، ہمیں حاصل ہوتا ہے۔

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} \quad (\text{کارنوٹ انجن}) \quad (12.32)$$

ہم پہلے ہی دیکھ چکے ہیں کہ کارنوٹ انجن ایک رجعت پذیر انجن ہے۔ اور یہ ہی صرف ایک ایسا ممکنہ رجعت پذیر انجن ہے جو دو مختلف درجہ حرارت کے مخزنوں کے درمیان کام کرتا ہے۔ شکل 12.11 میں دکھائے گئے کارنوٹ سائیکل کے ہر قدم کو واپس لوٹا یا جاسکتا ہے۔ اس کا مطلب ہوگا،  $T_2$  درجہ حرارت کے ٹھنڈے مخزن سے حرارت  $Q_2$  لینا، نظام پر کام  $W$  کرنا، اور گرم مخزن کو حرارت  $Q_1$  منتقل کرنا۔ یہ ایک رجعت پذیر سرکار ہوگا۔

اب ہم ایک اہم نتیجہ ثابت کرتے ہیں (جو کارنوٹ کا مسئلہ بھی کہلاتا ہے):  
(a) گرم اور ٹھنڈے مخزنوں، جن کے درجہ حرارت بالترتیب  $T_1$  اور  $T_2$  ہیں، کے درمیان کام کرتے ہوئے، کسی بھی انجن کی استعداد، کارنوٹ انجن کی استعداد سے زیادہ نہیں ہو سکتی۔ (b) کارنوٹ انجن کی استعداد، کام کار شے کی طبع کے تابع نہیں ہے۔

نتیجہ (a) کو ثابت کرنے کے لیے، ایک رجعت پذیر (کارنوٹ) انجن  $R$  اور ایک غیر رجعت پذیر انجن  $I$  تصور کیجئے۔ یہ دونوں انجن یکساں ماخذ (گرم مخزن) اور سنک (ٹھنڈا مخزن) کے درمیان کام کر رہے ہیں۔ دونوں انجنوں،  $I$  اور  $R$  کو آپس میں اس طرح جوڑ دیا جاتا ہے کہ  $I$  بہ طور حرارتی انجن کام کرتا ہے اور  $R$  بہ طور سرد کار کام کرتا ہے۔ فرض کیجئے  $I$ ، ماخذ سے حرارت  $Q_1$  جذب کرتا ہے،  $W'$  کام کرتا ہے اور  $Q_1 - W'$  حرارت سنک  $Q_2$  میں خارج کر دیتا ہے۔ ہم اس طرح ترتیب دیتے ہیں کہ  $R$  سنک سے  $Q_2$

$$W_{2 \rightarrow 3} = \frac{\mu R (T_1 - T_2)}{\gamma - 1} \quad (12.24)$$

(c) قدم 3→4:  $(P_3, V_3, T_2)$  سے  $(P_4, V_4, T_2)$  تک گیس کا ہم تاپی دباؤ

گیس کے ذریعے درجہ حرارت  $T_2$  والے مخزن کو خارج کی گئی حرارت  $(Q_2)$ ، مساوات (12.25) سے دی جاتی ہے۔ یہ ماحول کے ذریعے گیس پر کیا گیا کام  $W_{3 \rightarrow 4}$  بھی ہے۔

$$W_{3 \rightarrow 4} = Q_2 = \mu R T_2 \ln \left( \frac{V_3}{V_4} \right) \quad (12.25)$$

(d) قدم 4→1:  $(P_4, V_4, T_2)$  سے  $(P_1, V_1, T_1)$  تک گیس کا حرنا گزار طور پر دباؤ

گیس پر کیا گیا کام ہے [مساوات (12.26) استعمال کرتے ہوئے]

$$W_{4 \rightarrow 1} = \mu R \left( \frac{T_1 - T_2}{\gamma - 1} \right) \quad (12.26)$$

(12.23) سے (12.26) تک مساواتوں کے ذریعے، ایک مکمل سائیکل میں گیس کے ذریعے کیا گیا کل کام ہے:

$$W = W_{1 \rightarrow 2} + W_{2 \rightarrow 3} - W_{3 \rightarrow 4} - W_{4 \rightarrow 1} \\ = \mu R T_1 \ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right) - \mu R T_2 \ln \left( \frac{V_3}{V_4} \right) \quad (12.28)$$

کارنوٹ انجن کی استعداد  $\eta$  ہے:

$$\eta = \frac{W}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

$$= 1 - \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \frac{\ln \left( \frac{V_3}{V_4} \right)}{\ln \left( \frac{V_2}{V_1} \right)} \quad (12.28)$$

کیونکہ قدم 2→3 ایک حرنا گزار طریقہ ہے۔

$$T_1 V_2^{\gamma-1} = T_2 V_3^{\gamma-1}$$

یعنی کہ

$$\frac{V_2}{V_3} = \left( \frac{T_2}{T_1} \right)^{1/(\gamma-1)} \quad (12.29)$$

اسی طرح کیونکہ قدم 4→1 ایک حرنا گزار طریقہ ہے۔



ایک اسی طرح کا جواز یہ ثابت کرنے کے لیے پیش کیا جاسکتا ہے کہ ایک رجعت پذیر انجن، جس میں ایک مخصوص شے ہو، دوسرے رجعت پذیر انجن سے، جس میں کوئی دوسری شے ہو، زیادہ استعداد والا نہیں ہو سکتا۔ مساوات (12.32) کے ذریعے، ایک کارنوٹ انجن کی دی گئی از حد کارکردگی اس نظام کی طبع کے غیر تابع ہے جو کارنوٹ سائیکل کے اقدام کر رہا ہے۔ اس لیے ہم ایک کارنوٹ انجن کی استعداد کا حساب لگانے کے لیے کامل گیس کو بہ طور نظام استعمال کرنے میں حق بجانب ہیں۔ کامل گیس کی حالت کی مساوات سادہ ہے، اس لیے  $\eta$  کا حساب لگانے میں سہولت ہوتی ہے۔ لیکن  $\eta$  کے لیے آخری نتیجہ [مساوات (12.33)] کسی بھی کارنوٹ انجن کے لیے صادق ہے۔

اس آخری قول سے یہ ظاہر ہوتا ہے کہ ایک کارنوٹ سائیکل میں:

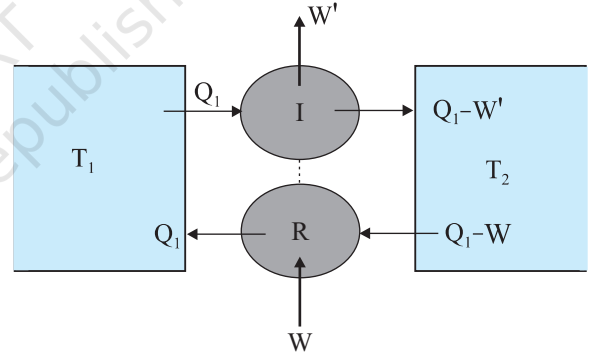
$$\frac{Q_1}{Q_2} = \frac{T_1}{T_2} \quad (12.33)$$

ایک عالمی رشتہ ہے اور نظام کی طبع کے غیر تابع ہے۔ یہاں  $Q_1$  اور  $Q_2$ ، بالترتیب، ایک کارنوٹ انجن میں ہم تپانی طور پر جذب ہوئی حرارت اور خارج ہوئی حرارت ہیں (گرم مخزن سے اور ٹھنڈے مخزن کو) اس لیے مساوات (12.33) کو ایک ایسے حقیقی عالمی حرکیاتی درجہ حرارت پیمانے کی تعریف کرنے کے لیے استعمال کیا جاسکتا ہے جو کارنوٹ سائیکل میں استعمال کیے گئے نظام کی کن ہی مخصوص خاصیتوں کے غیر تابع ہے۔ بے شک، کامل گیس کو بہ طور کام کار لیتے ہوئے، یہ عالمی درجہ حرارت، اور حصہ 12.11 میں متعارف کرایا گیا کامل گیس درجہ حرارت یکساں ہیں۔

حرارت لیتے ہوئے یکساں حرارت  $Q_1$  ماخذ کو واپس لوٹاتا ہے، اور اس کے لیے اس پر  $W = Q_1 - Q_2$  کام کیا جانا درکار ہوتا ہے۔ اب فرض کیجیے کہ  $\eta_R < \eta_I$ ، یعنی کہ، اگر  $R$  کو بہ طور انجن کام کرنا ہو تو یہ  $I$  کے مقابلے میں کم کام برآمد (Work output) کرے گا۔ یعنی کہ:  $W < W'$  (ایک دی ہوئی  $Q_1$  کے لیے) کیوں کہ  $R$  بہ طور سرد کار کام کر رہا ہے، اس کا مطلب ہوگا:  $Q_2 = Q_1 - W > Q_1 - W' = Q_2'$  اس لیے مجموعی طور پر، آپس میں منسلک  $I$ - $R$  نظام ٹھنڈے مخزن سے حرارت نکالتا ہے:

$$(Q_1 - W) - (Q_1 - W') = (W' - W)$$

اور ایک سائیکل میں اتنی ہی مقدار کا کام کرتا ہے، اور ماخذ میں یا کہیں اور کوئی تبدیلی بھی نہیں ہوتی۔ یہ واضح طور پر حرکیات کے دوسرے قانون کے کیلون-پلانک بیان کے خلاف ہے۔ اس لیے مفروضہ  $\eta_I > \eta_R$  درست نہیں ہے۔ کسی بھی انجن کی استعداد کا کارنوٹ انجن کی استعداد سے زیادہ نہیں ہو سکتی۔



**شکل 12.12:** ایک غیر رجعت پذیر انجن  $I$ ، ایک رجعت پذیر سرد کار  $R$  سے منسلک ہے۔ اگر  $W' > W$ ، تو اس کا مطلب ہوگا کہ سینک سے  $(W' - W)$  حرارت نکالی جاسکتی ہے اور اسے مکمل طور پر کام میں تبدیل کیا جاسکتا ہے۔ جو حرکیات کے دوسرے قانون کی خلاف ورزی ہے۔

### خلاصہ

1. حرکیات کے صفروں قانون کا بیان ہے کہ ”دو ایسے نظام جو ایک تیسرے نظام سے علیحدہ علیحدہ حرارتی توازن میں ہیں، ایک دوسرے کے ساتھ بھی حرارتی توازن میں ہیں“۔ یہ صفروں قانون درجہ حرارت کے تصور تک رہنمائی کرتا ہے۔

2. ایک نظام کی اندرونی توانائی اس کے مالیکیولیائی اجزائے ترکیبی کی حرکی توانائیوں اور بالقوۃ توانائیوں کا حاصل جمع ہے۔ اس میں نظام کی مجموعی حرکی توانائی شامل نہیں ہے۔ حرارت اور کام، نظام کو توانائی منتقل کرنے کے دو طریقے ہیں۔ حرارت وہ توانائی کی منتقلی ہے جو نظام اور ماحول کے درمیان درجہ حرارت فرق کی وجہ سے ہوتی ہے۔ کام وہ حرارت کی منتقلی ہے جو دوسرے طریقوں، جیسے گیس جس استوانے میں رکھی ہے، اس میں لگے پستون کو حرکت دینا، یا اس سے منسلک کسی وزن کو اوپر اٹھانا یا نیچے گرانا، سے کی جاتی ہے۔

3. حرکیات کا پہلا قانون، توانائی کی بقا کے عمومی قانون کا کسی بھی ایسے نظام پر اطلاق ہے جس میں ماحول سے یا ماحول کو منتقل ہوئی توانائی (حرارت اور کام کے ذریعے) کو حساب میں داخل کیا جاتا ہے۔ اس کا بیان ہے۔

$$\Delta Q = \Delta U + \Delta W$$

جہاں  $\Delta Q$ ، نظام کو مہیا کی گئی حرارت ہے،  $\Delta W$  نظام کے ذریعے کیا گیا کام ہے اور  $\Delta U$  نظام کی اندرونی توانائی میں تبدیلی ہے۔ ایک شے کی نوعی حرارت کی گنجائش  $s$  کی تعریف اس طرح کی جاتی ہے:

$$s = \frac{1}{m} \frac{\Delta Q}{\Delta T}$$

جہاں  $m$  شے کی کمیت ہے، اور  $\Delta Q$  حرارت کی وہ مقدار ہے جو اس کے درجہ حرارت میں  $\Delta T$  تبدیلی کرنے کے لیے درکار ہے۔ ایک شے کی مولی نوعی حرارت کی گنجائش کی تعریف ہے:

$$C = \frac{1}{\mu} \frac{\Delta Q}{\Delta T}$$

جہاں  $\mu$ ، شے کی مولوں کی تعداد ہے۔ ایک ٹھوس شے کے لیے، توانائی کی مساوی تقسیم کا قانون دیتا ہے:

$$C = 3R$$

جو عام درجہ حرارت پر عام طور سے تجربہ کے ساتھ مطابقت رکھتا ہے۔ کیلوری حرارت کی پرانی اکائی ہے۔ ایک کیلوری حرارت کی وہ مقدار ہے جو ایک گرام پانی کا درجہ حرارت  $14.5^\circ\text{C}$  سے  $15.5^\circ\text{C}$  تک بڑھانے کے لیے درکار ہوتی

$$1 \text{ Cal} = 4.186 \text{ J}$$

5. ایک کامل گیس کے لیے، مستقلہ دباؤ اور مستقلہ حجم پر ایک گیس کی نوعی حرارت کی گنجائش مندرجہ ذیل رشتے کو مطمئن کرتی ہیں:

$$C_p - C_v = 3R$$

جہاں  $R$  عالمی گیس مستقلہ ہے۔

6. ایک حرکیاتی نظام کی توازن حالتیں، حالت متغیرات کے ذریعے بیان کی جاتی ہیں۔ ایک حالت متغیرہ کی قدر صرف مخصوص حالت کے تابع ہے، اس راستہ کے تابع نہیں ہے جو اس حالت پر پہنچنے کے لیے اختیار کیا جاتا ہے۔ حالت متغیرات کی مثالیں ہیں: دباؤ ( $P$ )، حجم ( $V$ )، درجہ حرارت  $T$  اور کمیت ( $m$ )۔ حرارت اور کام حالت متغیرات نہیں ہیں۔ ایک حالت کی مساوات

(جیسے ایک کامل گیس مساوات:  $PV = \mu RT$ ) مختلف حالت متغیرات کے درمیان رشتہ ہے۔

7. ایک مثل - سکونی طریق ایک لامتناہی آہستہ طریق ہے اس طرح کہ پورے طریق کے دوران نظام، ماحول کے ساتھ میکائیٹی اور حرارتی توازن میں رہتا ہے۔ ایک مثل سکونی طریق میں نظام اور ماحول کے دباؤ اور درجہ حرارت میں صرف لامتناہی خفیف فرق ہو سکتا ہے۔

8. ایک کامل گیس کے درجہ حرارت  $T$  پر، حجم  $V_1$  سے حجم  $V_2$  تک ایک ہم تپ پھیلاؤ میں جذب ہوئی حرارت ( $Q$ )، گیس کے ذریعے کیے گئے کام  $W$  کے مساوی ہوتی ہے۔ یہ دونوں دیے جاتے ہیں:

$$Q = W = \mu RT \ln\left(\frac{V_2}{V_1}\right)$$

9. ایک کامل گیس کے حران گزار طریق میں

$$PV^\gamma = \text{مستقلہ}$$

جہاں

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v}$$

$(P_1, V_1, T_1)$  سے  $(P_2, V_2, T_2)$  میں حران گزار حالت کی تبدیلی میں ایک کامل گیس کے ذریعے کیا گیا کام ہے:

$$W = \frac{\mu R (T_1 - T_2)}{\gamma - 1}$$

10. حرارت انجن ایک ایسا آلہ ہے جس میں نظام ایک چکری طریق سے گزرتا ہے، اور جس کے نتیجے میں حرارت، کام میں تبدیل ہوتی ہے۔ اگر  $Q_1$ ، ماخذ سے جذب کی گئی حرارت ہے،  $Q_2$  سنک کو خارج کی گئی حرارت ہے اور ایک سائیکل میں کام برآمدہ  $W$  ہے، تو انجن کی استعداد ہے:

$$\eta = \frac{W}{Q_1} = 1 - \frac{Q_2}{Q_1}$$

11. ایک سرد کار یا ایک حرارت پمپ میں، نظام ٹھنڈے مخزن سے حرارت  $Q_2$  نکالتا ہے اور گرم مخزن کو حرارت کی مقدار  $Q_1$  خارج کرتا ہے، اور نظام پر ساتھ ہی کام  $W$  کیا جاتا ہے۔ ایک سرد کار کی کارکردگی کا ضریب دیا جاتا ہے:

$$\alpha = \frac{Q_2}{W} = \frac{Q_2}{Q_1 - Q_2}$$

12. حرکیات کا دوسرا قانون کچھ ایسے طریق کی ممانعت کرتا ہے جو حرکیات کے پہلے قانون سے ہم آہنگ ہیں۔ اس کا بیان ہے:

**کیلون - پلانک بیان:**

ایسا کوئی طریق ممکن نہیں ہے جس کا واحد نتیجہ ایک مخزن سے حرارت کا انجذاب ہو اور حرارت کی کام میں مکمل تبدیلی ہو۔

**کلاسیس بیان:**

- ایسا کوئی طریق ممکن نہیں ہے جس کا واحد نتیجہ مقابلتا ٹھنڈی شے سے مقابلتا گرم شے میں حرارت کی منتقلی ہو۔
- سادہ الفاظ میں، دوسرے قانون کا مطلب ہے کہ ایسا کوئی انجن نہیں ہو سکتا جس کی استعداد 1 کے مساوی ہو اور نہ ایسا کوئی سرد کار ہو سکتا ہے جس کی کارکردگی کے ضریب کی قدر لامتناہی ہو۔
13. ایک طریق رجعت پذیر ہے اگر اسے اس طرح لوٹایا جاسکتا ہے کہ نظام اور ماحول دونوں اپنی آغازی حالت پر واپس آجائیں، اور کائنات میں کسی جگہ کوئی دوسری تبدیلی نہ ہو۔ قدرت کے از خود طریق غیر رجعت پذیر ہیں۔ مثالی رجعت پذیر طریق ایک مثل۔ سکونی طریق ہے، جس کے ساتھ، رگڑ، لزوجت وغیرہ جیسا کوئی اتلافی عوامل بھی نہ ہو۔
14. کارنوٹ انجن دو درجہ حرارت  $T_1$  (ماخذ) اور  $T_2$  (سِنک) کے درمیان کام کر رہا ایک رجعت پذیر انجن ہے۔ کارنوٹ سائیکل دو حرانگ زیر طریقوں سے جڑے ہوئے دو ہم تاپی طریقوں پر مشتمل ہے۔ ایک کارنوٹ انجن کی استعداد دی جاتی ہے:

$$\eta = 1 - \frac{T_2}{T_1} \quad (\text{کارنوٹ انجن})$$

دو درجات حرارت کے درمیان کام کر رہے کسی بھی انجن کی استعداد کارنوٹ انجن سے زیادہ نہیں ہو سکتی۔

15. اگر  $Q > 0$ ، حرارت نظام میں شامل ہوتی ہے۔

اگر  $Q < 0$ ، حرارت نظام سے خارج ہوتی ہے۔

اگر  $W > 0$ ، نظام کے ذریعے کام کیا جاتا ہے۔

اگر  $W < 0$ ، نظام پر کام کیا جاتا ہے۔

مقدار	علامت	ابعاد	اکائی	ریمارک
حجم پھیلاؤ کا ضریب	$\alpha_v$	$[K^{-1}]$	$K^{-1}$	$\alpha_v = 3 \alpha_l$
ایک نظام کو دی گئی حرارت	$\Delta Q$	$[ML^2 T^{-2}]$	J	Q ایک حالت متغیرہ نہیں ہے
نوعی حرارتی گنجائش	S	$[L^2 T^{-2} K^{-1}]$	$J kg^{-1} K^{-1}$	
حرارتی ایصالیت	K	$[MLT^{-3} K^{-1}]$	$J s^{-1} K^{-1}$	$H = -KA \frac{dT}{dX}$

### قابل غور نکات

- ایک جسم کا درجہ حرارت اس کی اوسط اندرونی توانائی سے رشتہ رکھتا ہے، اس کی کمیت کے مرکز کی حرکت کی حرکی توانائی سے نہیں۔ ایک بندوق سے چھوڑی گئی ایک گولی، مقابلتا زیادہ درجہ حرارت پر اپنی زیادہ رفتار کی وجہ سے نہیں ہوتی۔
- حرکیات میں توازن ان صورتوں سے متعلق ہے، جب ایک نظام کی حرکیاتی حالت کو بیان کرنے والے کلاں بنی متغیرات،

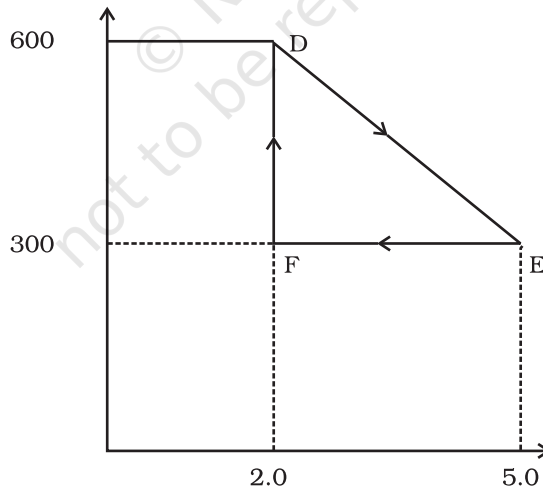
- وقت کے تابع نہیں ہوتے۔ میکا نیت میں توازن کا مطلب ہے کہ نظام پر لگ رہی کل باہری قوت اور پیچھے صفر ہیں۔
3. حرکیاتی توازن کی حالت میں، نظام کے خورد بینی اجزائے ترکیبی توازن میں نہیں ہوتے (میکانیکی توازن کے تصور کے مطابق)
4. حرارت کی گنجائش، عمومی طور پر، اس طریق کے تابع ہے، جس سے نظام اس دوران گذرتا ہے جب حرارت مہیا کی جاتی ہے۔
5. ہم تپانی مثل سکونی طریق میں، نظام کے ذریعے حرارت جذب یا خارج کی جاتی ہے، حالاں کہ ہر منزل پر گیس کا درجہ حرارت اور ماحول مخزن کا درجہ حرارت یکساں ہوتے ہیں۔ یہ اس لیے ممکن ہے کیوں کہ نظام اور مخزن کے درمیان درجہ حرارت فرق لامتناہی خفیف ہوتا ہے۔

## مشق

- 12.1 ایک گیزر (Geyser) 3 لیٹر فی منٹ کی شرح سے بہہ رہے پانی کو  $27^{\circ}\text{C}$  سے  $77^{\circ}\text{C}$  تک گرم کرتا ہے۔ اگر گیزر ایک گیس کے چولھے سے چلتا ہے تو ایندھن کے استعمال ہونے کی شرح کیا ہوگی، اگر اس کی احتراق کی حرارت  $4.0 \times 10^4 \text{ J/g}$  ہے۔
- 12.2  $2.0 \times 10^{-2} \text{ kg}$  نائٹروجن (کمرہ درجہ حرارت پر) کے درجہ حرارت میں  $45^{\circ}\text{C}$  کا اضافہ کرنے کے لیے، مستقلہ دباؤ پر، اسے کتنی حرارت کی مقدار مہیا کرنی ہوگی؟ ( $N_2 = 28$  کی مالیکیولیائی کمیت) ( $R = 8.3 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$ )
- 12.3 وضاحت کیجیے کیوں
- (a) اگر دو اجسام کو، جو مختلف درجات حرارت  $T_1$  اور  $T_2$  پر ہیں، حرارتی لمس میں لایا جائے تو ضروری نہیں ہے کہ ان کا مستقل درجہ حرارت، اوسط درجہ حرارت  $(T_1 + T_2)/2$  ہو۔
- (b) ایک کیمیائی یا نیوکلیائی پلانٹ میں سرد کار (Coolant) کو (وہ رقیق جو پلانٹ کے مختلف حصوں کو بہت زیادہ گرم ہونے سے بچانے کے لیے استعمال ہوتا ہے) زیادہ نوعی حرارت والا ہونا چاہیے۔
- (c) گاڑی چلاتے وقت کار کے ٹائر میں ہوا کا دباؤ بڑھ جاتا ہے۔
- (d) ایک بندرگاہ شہر کی آب و ہوا، اسی عرض البلد پر واقع ایک ریگستانی علاقہ کے شہر کے مقابلے میں زیادہ معتدل ہوتی ہے۔
- 12.4 ایک حرکت کر سکنے والے پسٹن لگے استوانے میں معیاری دباؤ اور درجہ حرارت پر ہائیڈروجن کے 3 مول ہیں۔ استوانے کی دیواریں ایک حرارت حاجز کی بنی ہوئی ہیں اور پسٹن کو اس کے اوپر ریت کا ڈھیر رکھ کر حاجز کر دیا گیا ہے۔ اگر گیس کو دبا کر اس کا حجم نصف کر دیا جائے تو گیس کے دباؤ میں کس جز ضربی سے اضافہ ہوگا۔
- 12.5 ایک توازن حالت A سے دوسری توازن حالت B تک ایک گیس کی حالت حرانگزار طور پر تبدیل کرنے میں نظام پر کیا گیا کام  $22.3 \text{ J}$  کے مساوی ہے۔ اگر گیس کو A سے B تک ایسے طریق کے ذریعے لے جایا جائے کہ نظام کے ذریعے کل



- 12.6 جذب ہوئی حرارت 9.35 cal ہو تو اس صورت میں نظام کے ذریعے کیا گیا کام کتنا ہوگا (1 cal = 4.19 J) دو استوانے A اور B کی گنجائش مساوی ہے۔ انھیں ایک اسٹاپ کاک کے ذریعے آپس میں جوڑ دیا گیا ہے۔ A میں معیاری دباؤ اور درجہ حرارت پر ایک گیس ہے جب کہ B میں مکمل خلاء ہے۔ پورا نظام حرارتی طور پر عاجز کر دیا گیا ہے۔ اسٹاپ کاک کو اچانک کھولا جاتا ہے۔ مندرجہ ذیل کے جواب دیجیے۔
- (a) A اور B میں گیس کے اختتامی دباؤ کیا ہیں؟
- (b) گیس کی اندرونی توانائی میں کیا تبدیلی ہوگی؟
- (c) گیس کے درجہ حرارت میں کیا تبدیلی ہوئی؟
- (d) کیا نظام کی درمیانی حالتیں (اختتامی متوازن حالت میں پہنچنے سے پہلے کی حالت) اس کی P-V-T سطح پر ہوں گی؟
- 12.7 ایک حرارتی انجن  $5.4 \times 10^8$  J جول کام فی منٹ مہیا کرتا ہے اور اپنے بوائلر سے  $3.6 \times 10^9$  جول حرارت فی منٹ لیتا ہے۔ انجن کی استعداد کتنی ہے؟ فی منٹ کتنی حرارت ضائع ہو رہی ہے؟
- 12.8 ایک برقی ہیٹر ایک نظام کو 100W کی شرح سے حرارت مہیا کرتا ہے۔ اگر نظام 75 جول فی سیکنڈ کی شرح سے کام کرتا ہے تو اندرونی توانائی میں کس شرح سے اضافہ ہو رہا ہے؟
- 12.9 ایک حرکیاتی نظام کو شکل 12.13 میں دکھائے گئے خطی طریق کے ذریعے ایک آغازی حالت سے ایک درمیانی حالت تک لے جایا گیا۔



شکل 12.13

- پھر E سے F تک ایک ہم بار طریق کے ذریعے اس کے حجم کو اس کے آغازی حجم تک کم کیا گیا۔ D سے E سے F تک گیس کے ذریعے کیے گئے کل کام کا حساب لگائیے۔
- 12.10 ایک ریفریجیٹر کو اس میں رکھی کھانے کی اشیاء کا درجہ حرارت  $9^\circ\text{C}$  پر قائم رکھنا ہے۔ اگر کمرہ درجہ حرارت  $36^\circ\text{C}$  ہے تو کارکردگی کے ضریب کا حساب لگائیے۔